

## مقایسه تجربی الگوریتم های Iso scallop , Iso planar و Iso parametric در ماشینکاری سطوح sculpture

محمد صدیقی<sup>۱</sup> ، ناصر شکراللهی<sup>۲</sup>

چکیده

سطوح sculpture معمولا در طراحی قطعات پیچیده مانند بدنه اتومبیل، پره های توربین و... به کار می رود. با گسترش روز افزون نرم افزارهای cad/cam و کاربرد آن در صنایع مباحث مربوط به قابلیت ماشینکاری (زمان ماشینکاری، صافی سطح و...) اهمیت بیشتری می یابد. در این مقاله ابتداء بررسی استراتژیهای مختلف ماشینکاری سطوح free form و الگوریتمهای مورد استفاده در این استراتژیها می پردازیم. در مرحله بعد با استفاده از یک مثال تشریحی به مقایسه این الگوریتم ها پرداخته و روش مناسب جهت ماشینکاری سطوح sculpture بر اساس معیارهای ماشینکاری معرفی می نماییم.

واژه های کلیدی: سطوح sculpture - زمان ماشینکاری - ارتفاع scallop.

### Experimental comparison of ,Iso scallop, Iso planar and Iso-parametric algorithms in machining sculptured surfaces

M. Sedigi ; N. Shokrollahi

#### Abstract

Sculpture surfaces are extensively used in designing complex shapes such as automobile bodies, turbine blades. Nowadays, by development of CAD/CAM software & its application in industries, the problems related to machinability (machining time, surface roughness,...) of sculpture surfaces have been investigated. In this paper, three main distinguish methods of sculpture surface machining have been selected. Firstly the algorithms and the mathematical logics of each method have been explained. Then an experimental comparison has been made between the methods. Finally, the optimal algorithm for machining Free-Form surfaces has been suggested.

**Keywords:** Free-Form surfaces, Scallop height, Iso parametric, Iso planar, Iso scallop

#### ۱-مقدمه

سطوح sculpture به طور گسترده ای در طراحی تولیدات پیچیده با سطوح آیرودینامیک استفاده می شوند. این سطوح اغلب به وسیله ماشینهای CNC ۳محوره و بالاتر با استفاده از ابزارهای سرگرد تولید می شوند. قابلیت های ماشینهای CNC جهت تولید سطوح پیچیده کارهای تحقیقی گسترده ای را خصوصا در حوزه تولید مسیر ابزار ایجاد کرده است. معمولا دو معیار جهت تخمین کارایی مسیرهای ابزار تولید شده استفاده می شود. یکی عبارت است از

<sup>۱</sup> استادیار دانشکده مکانیک دانشگاه علم و صنعت ایران  
<sup>۲</sup> دانشجوی کارشناسی ارشد مکانیک دانشگاه علم و صنعت ایران

کیفیت مسیرهای ابزار ایجاد شده و دیگری بهینه بودن این مسیرها. تحقیقاتی که بر روی تولید مسیر ابزار بهینه کار می کنند بر روی دو هدف متضاد متمرکز می باشند: کیفیت و کارایی. این تحقیقات منجر به تعیین فواصل بهینه<sup>3</sup> بین دو مسیر ابزار پشت سرهم جهت بهینه سازی این دو هدف متضاد می باشد. یک فاصله کناری<sup>4</sup> بزرگ منجر به ایجاد یک سطح خشن و فاصله کوچک باعث افزایش زمان ماشینکاری شده و پروسه را غیر کارا می کند.

هدف اصلی تولید مسیر ابزار (tool path generation) عبارت است از محاسبه یک دسته از نقاط موقعیت ابزار<sup>5</sup> (CL) از سطح طراحی شده. روشهای تولید مسیر ابزار به دو دسته روش مسیر ابزار بر پایه نقطه تماس ابزار<sup>6</sup> (CC point) و بر پایه نقطه موقعیت ابزار (CL point) دسته بندی می شوند. در روش تولید مسیر ابزار بر پایه نقطه تماس ابزار مسیر ابزار به وسیله نمونه گیری یک دسته از نقاط CC و سپس تبدیل این نقاط به نقاط CL تولید می شود. روشهای Iso parametric, Iso planar در این دسته قرار می گیرند. در روش تولید مسیر ابزار بر پایه موقعیت مرکز ابزار سطح CL به عنوان یک سطح تولید مسیر مورد استفاده قرار می گیرد. در این روش سطح CL بایستی از سطح طراحی شده تولید گردد. پس از تولید مسیرهای ابزار بر روی این سطح این مسیرها بر روی سطح قطعه کار ایجاد می گردد. روش Iso scallop در این دسته قرار می گیرد.

عموما روش تولید مسیر ابزار جهت ماشینکاری سطوح پیچیده را می توان در سه گروه تقسیم بندی کرد: روش ماشینکاری ISO PARAMETRIC از نتایج بیان پارامتریک سطوح sculpture استفاده کرده و به طور گسترده ای استفاده می شود. این روش یکی از اولین تکنیک های مورد استفاده جهت ماشینکاری سطوح sculpture می باشد [1]. با نگر داشتن یکی از دو ثابت پارامتری منحنی های ISO PARAMETRIC شکل گرفته و به عنوان مسیر ابزار استفاده می شوند [2]. در این روش هر مسیر ابزار بر اساس یکی از دو حالت پارامتریک اصلی تولید می گردد [3]. روش ماشینکاری ISO PLANAR از منحنی های تقاطع سطح-صفحه به عنوان مسیرهای ابزار استفاده می کند. خصوصیت این روش عبارت است از یک فاصله ثابت بین مسیرهای پشت سر هم در فضای اقلیدسی و هر فاصله مطابق با الزامات ارتفاع قله<sup>7</sup> تعیین می شود [4]. ابزار در راستای این صفحات که صفحات رانش نامیده می شوند به حرکت در می آید. صفحات رانش بر اساس محدودیت ارتفاع scallop تعریف شده توسط طراح محاسبه گردیده و تنظیم می گردند. Happiniemi و همکاران و Hermann جزء ابداع کنندگان این روش جهت ماشینکاری سطوح Free-Form می باشند. [5,6]. در روش ماشینکاری ISO SCALLOP مسیرهای ابزار به گونه ای تعریف می شوند که ارتفاع قله در کل مسیر ابزار ثابت باقی ماند. تولید مسیر ابزار بر اساس این روش اولین بار توسط Suresh و همکاران گزارش شده است [7]. در این روش با ثابت نگه داشتن ارتفاع Cusp در کل مسیر میزان overlap (بر روی هم افتادگی ابزار در پاسهای پشت سر هم) ابزار بسته به نوع منحنی ماشینکاری جهت به دست آوردن ارتفاع Scallop ثابت در کل مسیر تغییر می یابد [8].

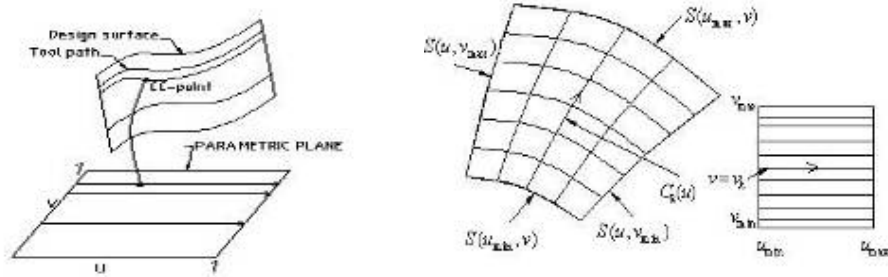
در این مقاله استخراج روش بهینه جهت ماشینکاری سطوح SCULPTURE با توجه به معیار قابلیت ماشینکاری تعریف شده از سوی طراح مورد بررسی قرار می گیرد.

## ۲- الگوریتم های Iso parametric, Iso planar, Iso scallop

### ۲-۱- ماشینکاری Iso parametric

Path Interval<sup>3</sup>  
side step<sup>4</sup>  
cutter location point<sup>5</sup>  
cutter contact point<sup>6</sup>  
Cusp height<sup>7</sup>

یک توضیح شماتیک جهت مسیرهای ماشینکاری Iso parametric در شکل ۱ نشان داده شده است. در این حالت یکی از پارامترهای سطح (مثل  $u$ ) را به عنوان جهت ماشینکاری (یا جهت جلو) و یکی از منحنی های مرزی (در  $v=v_{min}$ ) را به عنوان اولین مسیر CC انتخاب می کنیم



شکل ۱: مسیرهای ماشینکاری Iso parametric

در اینجا  $k$  امین مسیر CC بوسیله  $C_k(u) = S(u, v_k)$  نشان داده می شود. باید توجه داشت که منحنی  $v = v_k$  در حالت پارامتریک  $(u, v)$  مطابق باشد با  $C_k(u)$  مسیر CC در حالت کارتزین  $(x, y, z)$ . مقدار پارامتریک کناری را می توان یک به یک بوسیله  $V_{k+1} = V_k + \Delta V_k$  تعیین نمود. جاییکه  $\Delta V_k$  (فاصله کناری پارامتریک بین دو مسیر CC پشت سر هم) بر پایه محدودیت ارتفاع قله  $h$  تعیین می شود. معمولاً مسیر Iso parametric، CC همراه با یک ارتفاع قله  $h$  ثابت نمی باشد و معمولاً یک  $\Delta V_k$  محافظه کارانه تعیین می شود تا ماکزیمم ارتفاع قله از مقدار  $h$  از پیش تعیین شده تجاوز ننماید. ابتدا نیاز داریم که  $\rho$  شعاع انحناء در جهت کناری را محاسبه کنیم. این پارامتر را می توان به روش زیر محاسبه نمود [9]

$$\rho = \frac{e\alpha^2 + 2f\alpha + g}{a\alpha^2 + 2b\alpha + c}$$

جائیکه:

$$\alpha = \frac{\frac{\partial S}{\partial v} \cdot T}{\frac{\partial S}{\partial u} \cdot T}, \quad e = \frac{\partial S}{\partial u} \cdot \frac{\partial S}{\partial u}, \quad f = \frac{\partial S}{\partial v} \cdot \frac{\partial S}{\partial v}, \quad g = \frac{\partial S}{\partial v} \cdot \frac{\partial S}{\partial v}, \quad a = \frac{\partial^2 S}{\partial u^2} \cdot N, \quad b = \frac{\partial^2 S}{\partial u \partial v} \cdot N, \\ c = \frac{\partial^2 S}{\partial v^2} \cdot N$$

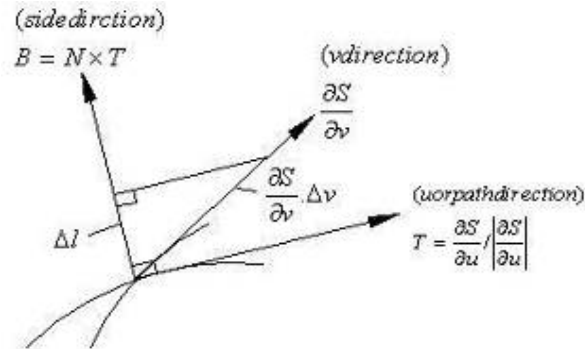
که  $T$  عبارت است از بردار مماس واحد در جهت CC و  $N$  بردار واحد نرمال بر سطح می باشد. فاصله پله کناری (جهش کناری) پیشنهاد شده  $\Delta l$  برای هر نقطه تخمین زده شده را می توان به صورت زیر محاسبه نمود:

$$\Delta l = \sqrt{\frac{8\rho h}{\rho \pm r}}$$

که  $\rho$  شعاع انحناء در جهت کناری،  $h$  مقدار محدودیت ارتفاع قله و  $r$  شعاع ابزار می باشد. مقدار  $\pm$  بسته به اینکه سطح محدب یا مقعر باشد استفاده می شود (محدب+ و مقعر-). جهت قدم کناری عمود بر جهت CC (T) و نرمال سطح (N) می باشد. به دلیل اینکه  $\Delta l$  در واحد فاصله mm می باشد و معمولاً در جهت V قرار ندارد یک تبدیل از  $\Delta l$  به فاصله کناری پارامتریک  $\Delta V$  مورد نیاز می باشد. یک توضیح شماتیک برای این تبدیل در شکل ۳ نشان داده شده است. بر اساس روابط هندسی نشان داده شده در شکل ۳ داریم که  $\Delta l = B \cdot \left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)$  جاییکه  $B = N \cdot T$  یک بردار

واحد درجهت کناری است. در نهایت مقدار کاندیدای  $\Delta V_{i,k}$  برای نقطه  $i$  نمونه گیری شده بر روی مسیر  $k$ ام به صورت زیر محاسبه می شود.

$$\Delta V_{i,k} = \frac{\Delta l}{(N * T) \cdot \frac{\partial S}{\partial V}}$$

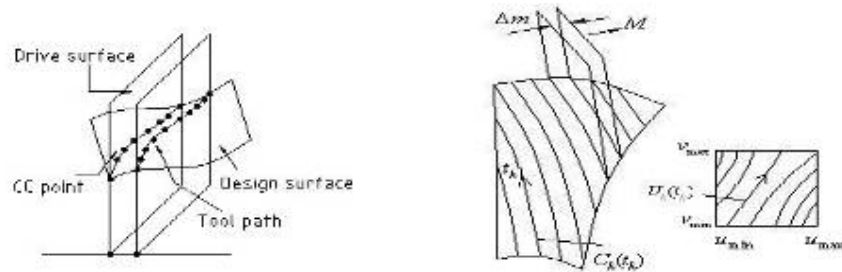


شکل ۲: فاصله پله کناری  $\Delta l$  و فاصله پارامتریک  $\Delta V$  معادل آن

در نهایت به وسیله الگوریتم طرح ریزی مسیر CC و الگوریتم های میانبایی مسیرو آفست دهی ابزار میانبایاب سطح Iso parametric در یک ماشین CNC به اجراء درمی آید.

## ۲-۲- ماشینکاری Iso planar

توضیحی شماتیک برای مسیرهای Iso planar در شکل ۳ نشان داده شده است. همانطوریکه میتوان دید مسیرهای CC عبارتند از تقاطع سطح پارامتریک و یک سری از صفحات موازی (صفحات رانش). در این حالت بردار نرمال عمود بر این صفحات موازی را بوسیله  $M = (m_x, m_y, 0)$  نشان می دهیم و فاصله بین دو صفحه پشت سرهم موازی را بوسیله  $\Delta m$  نشان می دهیم.



شکل ۳: مسیرهای ماشینکاری Iso planar.

روش پیشنهادی برای برنامه ریزی مسیر در حالت های Iso planar و Iso scallop مشابه یکدیگر هستند. برای هر دو مورد هر مسیر CC،  $C(t)$  مطابق است با منحنی خاص  $U(t)$  در حالت پارامتریک  $C(t) = S(U(t))$  در طرح ریزی  $U(t)$  به صورت پیوسته به وسیله  $U_{k+1} = U_k + \Delta U_k$  جائیکه

$\Delta U_k = (\Delta u_k, \Delta v_k)$  به دست می آید. تفاوت اصلی بین Iso planar و Iso scallop عبارت است از راه محاسبه پارامتر افزایشی  $(\Delta u_k, \Delta v_k)$  برای  $k$  امین مسیر داده شده  $U_k(t_k)$  منحنی افزایشی Iso planar عبارت است از  $U_{k+1}(t_{k+1})$  جائیکه  $t_{k+1} = t_k$ . برای یک جفت از نقاط بر روی  $U_k$  و  $U_{k+1}$  نقاط CC متعاقب  $C_{k+1} = S(U_{k+1})$ ،  $C_k = S(U_k)$  هر دو بر روی سطح واقع شده اند.

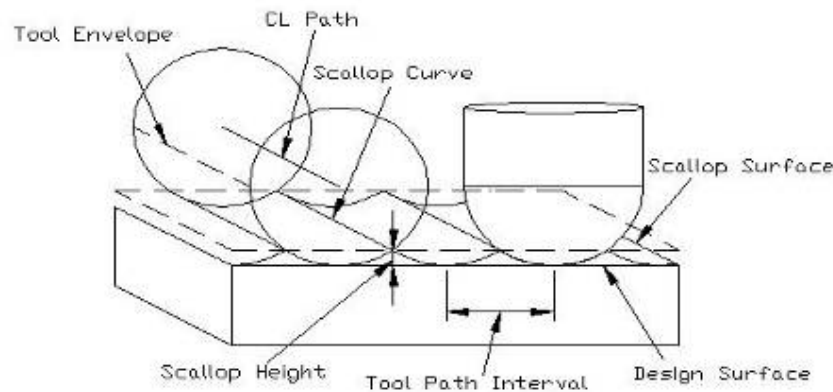
در نهایت به وسیله الگوریتم طرح ریزی مسیر CC و الگوریتم های میانبایی مسیرو آفست دهی ابزار میانبایاب سطح Iso planar در یک ماشین CNC به اجراء درمی آید. [10]

## ۲-۳- ماشینکاری Iso scallop

## ۲-۳-۱ اجزاء هندسی مربوط به ماشینکاری Iso scallop

اجزاء هندسی مربوط به مشتقات این کار در این بخش توضیح داده می شود (شکل ۴). همانند بیشتر ادبیات ساخت به کمک کامپیوتر مسیر موقعیت ابزار (CL) بیان کننده مرکز عبور مسیر ابزار برای یک مسیر خاص می باشد. مسیر نقطه تماس ابزار (CC) نشان دهنده خط سیر مماسی بین فرز سرگرد و سطح طراحی می باشد. در ماشینکاری یک سطح سه بعدی مسیرهای CL در واقع بر روی یک سطح آفست که بوسیله آفست سطح طراحی در جهت نرمال بر سطح به اندازه برابر با شعاع ابزار تولید قرار دارند. این سطح آفست سطح مرکز ابزار نامیده می شود. در حالیکه در طول مسیر ابزار حرکت می کند، یک سطح محیط ابزار بر روی قطعه کار ایجاد می شود. این سطح را می توان به وسیله جاروب دادن یک دایره به شعاع ابزار در امتداد مسیر CL ایجاد نمود.

فاصله افقی بین دو مسیر ابزار پشت سرهم فاصله برهم افتادگی ابزار یا قدم کناری نامیده می شود که منجر به تولید scallop (cusp) در سطح ماشینکاری شده می شود. منحنی scallop عبارت است از منحنی ۳ بعدی که scallop ماشینکاری را طی می کند. ارتفاع scallop عبارت است از فاصله بین منحنی scallop و سطح طراحی. جهت ماشینکاری با ارتفاع scallop ثابت منحنی های scallop بر روی یک سطح آفست (سطح scallop) از سطح طراحی و با ارتفاع scallop به عنوان فاصله آفست استفاده می شود. در حقیقت این سطح عبارت است از منحنی تقاطع مشترک دو سطح محیط ابزار بین مسیرهای ابزار پشت سرهم و سطح scallop [11].

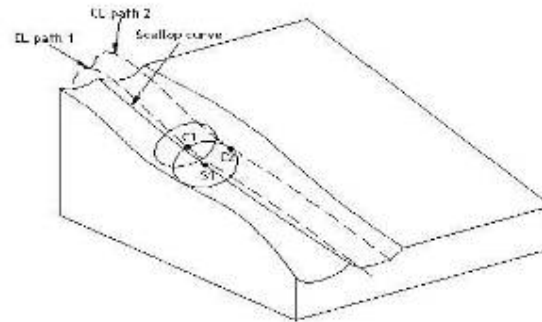


شکل ۴: اجزاء هندسی مربوط به ماشینکاری Iso scallop

## ۲-۳-۲ تعیین مسیر ابزار

مسیرهای ابزار جهت ماشینکاری با ارتفاع scallop ثابت توسط انجام دو مرحله پشت سرهم تعیین می شوند. ابتدا یک مسیر ابزار داده شده با توجه به الزامات scallop مورد نیاز جهت مشخص کردن منحنی scallop در جهت جهش کناری استفاده می شود (روش Iso planar). سپس منحنی scallop با استفاده از روش توضیح داده شده در قسمت قبل شناسایی شده و به منظور تعیین مسیر ابزار بعدی استفاده می شود. شکل ۵ دو مسیر پشت سرهم CL (مطابق توضیحات مسیرهای CL بر روی سطح آفست تولید می شوند) و منحنی scallop مشترک برای یک سطح ماشین کاری شده را نشان می دهد. برای نقطه  $C_1$  بر روی مسیر  $CL_1$  صفحه مماس بر آن، منحنی scallop را در نقطه  $S_1$  قطع می کند و نقطه  $S_1$  بر روی دایره مرکز شعاع ابزار به مرکز  $C_1$  در صفحه عمود می افتد. مماس منحنی scallop در  $S_1$  عموماً موازی با مسیر  $CL_1$  در  $C_1$  نمی باشد. مشابه این توضیحات صفحه عمود بر مماس منحنی scallop در  $S_1$  مسیر CL بعدی را در  $C_2$  قطع می کند (مسیر  $CL_2$ ) و  $C_2$  (مشابه  $C_1$ ) بر روی دایره شعاع ابزار به مرکز  $S_1$  در صفحه عمود قرار می گیرد. مماس منحنی  $CL_2$  در  $C_2$  نیز موازی با منحنی scallop در  $S_1$  نمی باشد. به این ترتیب منحنی scallop جهت کل سطح ماشین کاری مشخص می گردد. با توجه به انحراف کم مماسهای منحنی از همدیگر و خطای بسیار جزئی ناشی شده از این خطا بردارهای مماس موازی فرض می

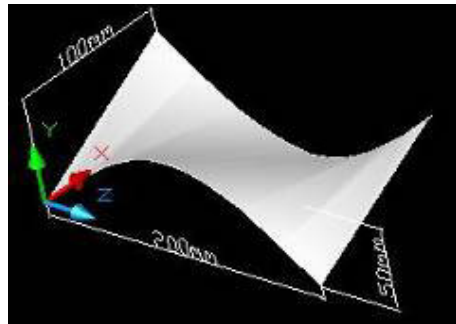
شوند. در نهایت با استفاده از الگوریتم طرح ریزی مسیر CC و الگوریتم های میانابیی مسیر و آفست دهی ابزار میاناب سطح Iso-scallop در یک ماشین CNC به اجراء در می آید [11].



شکل ۵: مسیریهای CL پشت سرهم و منحنی scallop مشترک تولید شده

### ۳- متدولوژی اجراء CASE STUDY

در این بخش به بررسی ماشینکاری یک سطح free form با استفاده از استراتژیهای ماشین کاری توضیح داده شده می پردازیم. سطح مذکور یک سطح double curvature زین اسبی به ابعاد  $200 \times 100 \times 50$  mm می باشد.



شکل ۶: سطح sculpture مورد استفاده در case study

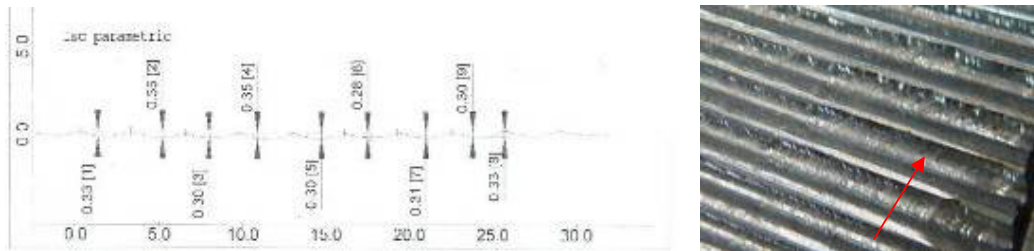
شعاع ابزار  $r = 4mm$ , میزان پیشروی  $f = 300mm/mn$ , سرعت اسپیندل  $S = 1500mm/min$  محدودیت ارتفاع قله scallop height = 0.15mm و تفرانس ماشینکاری  $Mt = 0.01mm$  می باشد.

ماشینکاری سطح مذکور با استفاده از نرم افزار CATIA صورت گرفته است. ماشینکاری Iso parametric به عنوان یک استراتژی ماشینکاری در ورایش 13 این نرم افزار تعریف شده است. با دقت در macro های تعریف شده جهت سایر متدهای ماشینکاری می توان استراتژیهای ماشینکاری Iso planar و Iso scallop را در روش contour driven پیدا نمود. پس از تعریف پارامترهای مورد نیاز جهت ماشینکاری و اجراء عملیات با Replay(verify) کردن مسیر ماشینکاری وضعیت سطح ماشینکاری شده را می توان مشاهده نمود. یکی از قابلیت های این نرم افزار به این صورت است که با تهیه عکس از سطح ماشینکاری نهایی می توان وضعیت سطح به دست آمده از ماشینکاری را نسبت به سطح طراحی تجزیه و تحلیل نمود. موارد اشاره شده در جدول شماره ۱ (میزان material باقیمانده و برخورد ابزار با سطح) با استفاده از این قابلیت نرم افزار به دست آمده است.

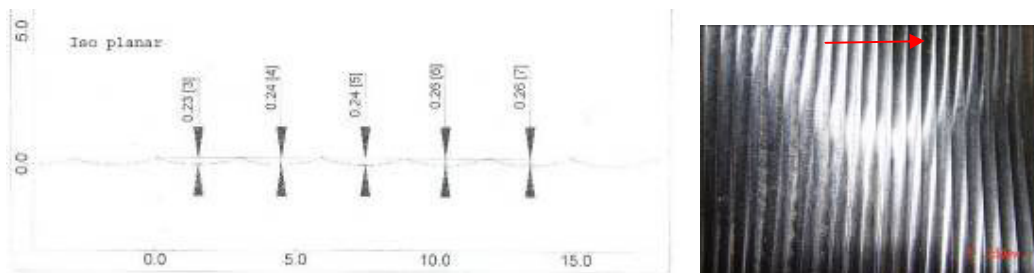
ماشین CNC مورد استفاده یک دستگاه فرز عمودی با مشخصات ذیل می باشد:

JOHN FORD VMC 1050 X=1050 mm Y=500 mm Z=500 mm PLC FANUC OM جهت اندازه گیری سطوح تولید شده با استراتژیهای مختلف از دستگاه Mahr form tester استفاده شده است. در این روش پروب اندازه گیری سطح ماشینکاری را جاروب کرده و منحنی های ایجاد شده بر روی سطح (مسیر های حرکت ابزار) را می توان با بزرگنمایی 200\* برابر مشاهده نموده و اندازه گیری کرد. در تمام مراحل ماشینکاری از

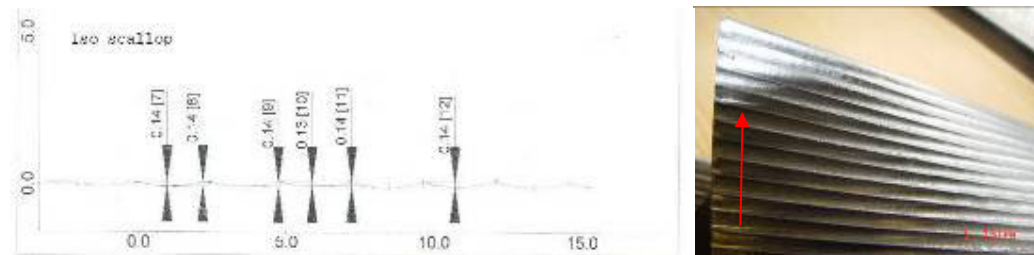
ابزار  $\phi 8\text{mm}$  سرگرد نو جهت ثابت نگه داشتن وضعیت ماشینکاری استفاده شده است. سطوح تولید شده با هر سه استراتژی در شکل های زیر مشاهده می گردد (شکل ۷، ۸، ۹).



شکل ۷: سطح ماشینکاری iso parametric و نتایج اندازه گیری آن مشاهده می گردد (mm). کرنجه ابزار بر روی این سطح مشخص می باشد → نشان دهنده جهت اندازه گیری می باشد.



شکل ۸: سطح ماشینکاری iso planar و نتایج اندازه گیری آن مشاهده می گردد (mm). بر روی هم افتادگی مسیرهای ابزار مشخص است. → نشان دهنده جهت اندازه گیری می باشد.



شکل ۹: سطح ماشینکاری iso scallop و نتایج اندازه گیری آن مشاهده می گردد (mm). → نشان دهنده جهت اندازه گیری می باشد.

پس از ماشینکاری این سطح با استراتژیهای فوق نتایج ذیل استخراج گردید. (کلیه پارامترهای ماشینکاری، پروسه خشن کاری، جنس ابزار و جنس قطعه کار در هر سه پروسه انجام شده ثابت بوده است). همانگونه که در جدول ۱ مشاهده می شود از لحاظ زمان ماشینکاری اختلاف زیادی بین روش های ماشینکاری وجود ندارد. در خصوص ارتفاع قله (صافی سطح) زوش ماشینکاری Iso scallop نسبت به روش های ۱ و ۲ به ترتیب ۲۳۳٪ و ۱۷۳٪ بهبود کیفیت را نشان می دهد. در روش اول مقدار مواد باقیمانده ۱۴۸۰ نقطه، روش دوم ۱۹۹ نقطه و در روش سوم ۲۱ نقطه می باشد. در مورد تعداد نقاط برخورد ابزار با سطح در روش Iso scallop فقط در لحظه ورود ابزار به سطح ماشینکاری برخورد ابزار مشاهده گردید.

بر خورد ابزار	Remaining material	Cusp height	زمان ماشینکاری		
---------------	--------------------	-------------	----------------	--	--

16	1480 نقطه	0.30-0.35	25' 20"	ماشینکاری Iso parametric	1
4	199 نقطه	0.23-0.26	21' 35"	ماشینکاری Iso planar	2
1	21	0.13-0.15mm	24' 23"	ماشینکاری Iso scallop	3

جدول ۱: نتایج به دست آمده از ماشینکاری سطح sculpture نمونه

#### ۴- نتایج Conclusion

در این مقاله استراتژیهای مختلف ماشینکاری سطوح free-form مورد بررسی قرار گرفته و میزان کارایی هر یک از این استراتژیها در ماشینکاری یک سطح free-form که نیازهای اکثر موارد مشابه را پوشش می دهد مورد بررسی قرار گرفت. پس از ماشینکاری یک سطح double curvature با استفاده از استراتژیهای مختلف مشاهده گردید که روش ماشینکاری Iso scallop مناسب ترین روش جهت ماشینکاری این سطوح می باشد.

#### ۵- لیست علائم

$B$	بردار واحد در جهت جهش کناری یا دو مسیر ابزار پشت سر هم
$C$	مسیر تماس ابزار
$h$	محدودیت ارتفاع scallop
$L$	مسیر موقعیت ابزار
$M$	بردار واحد عمود بر صفحات در ماشینکاری iso-planar
$N$	بردار واحد عمود بر صفحه
$r$	شعاع ابزار سرگرد
$S$	سطح پارامتریک
$T$	بردار واحد مماس در جهت مسیر $CC$
$t$	پارامتر فضایی در طول مسیر $CC$
$U$	منحنی $u-v$ در حالت پارامتریک
$u, v$	پارامترهای سطح
$\Delta l$	فاصله جهش کناری
$\Delta m$	فاصله صفحات در ماشینکاری Iso planar
$\rho$	شعاع انحناء سطح در جهت قدم کناری

#### مراجع

- 1- Sata, T.;kimura, F.;Okada,N., Hosaka,M.A New method for NC interpolator for machining of sculpture surface."Computer Aided Design 1981 (v22,n5),273-283
- 2- A computer aided prototype system for nc milling of free-form shaped mechanical part pieces.Computer in industry,1991.20(2),275-293
- 3- Cox,J.J., Takezaki,Y., Ferguson,H. R. P., Kohkonen,K .E. and Mulay,E. L.,Space-filling curves in tool path applications.Computer Aided Design,1994,26(3),215-224
- 4- Chen,y.d,Ni.j and wu.s.m,Real time cnc tool path generation for machining iges surfaces. ASME journal of engineering for industry,1993,115(4),480-486
- 5- Haapiniemi, A., Nagase, H., Fujimoto, M., Hiraoka, H., Kimura, F. ana sata, T.,develop[ment of a real time numerical controller for machining of sculptured surfaces.In soft ware for discretemanufacturing.Ingeometricmodelingforcadapplications,North Holland,Amsterdam.1986,205-214



- 6- Hermann, G., Algorithms for real time tool path generation .In geometric modeling for cad applications. North Holland, Amsterdam, 1988, 295-305
- 7- Suresh k, Yang DCH .Constant scallop height machining of free form surfaces. ASME journal of engineering for industry 1994; 116: 253-9
- 8- C. Tournier and E. Duc., A surface based approach for constant scallop height tool-path generation , The international journal of Advanced Manufacturing Technology (2002) 19: 318-324
- 9- I D Faux, M J Pratt, Computational geometry for design and manufacturing. John Wiley and Sons 1981.
- 10- Chih-Ching Lo. CNC machine tool surface interpolator for ball-end milling of free form surfaces. Int journal of machine tools & manufacture 40 (2000). 307-326
- 11- His-Yung Feng, Huiwen Li. Constant scallop height tool path generation for three axis sculptured surface machining, Computer Aided Design 34 (2002) 647-654