

## طراحی سیستم تولید سلولی در شرایط پویای احتمالی و حل آن توسط Simulated Annealing

رضا توکلی مقدم - دانشگاه تهران

نیکبخش جوادیان - دانشگاه علوم و فنون مازندران

نیما صفائی - دانشگاه علوم و فنون مازندران

### چکیده:

سیستم تولید سلولی (CMS) جزء روش های نوین تولید می باشد که در سال های اخیر بخش صنعت از مزایای آن بهره مند شده است. CMS در واقع کاربردی از فناوری گروهی (GT) در زمینه ساخت و تولید می باشد که هدف آن دسته بندی قطعات و ماشین آلات است بگونه ای که از تشابه ظاهری و یا عملیاتی آنها در جنبه های مختلف ساخت و طراحی استفاده شود. تحقیقاتی که تاکنون در این زمینه انجام شده بیشتر بر روی تولید ثابت و تقاضای معین قطعات متمرکز بوده است. ولی در عمل تقاضا برای محصولات نامعین (احتمالی) و طبیعت تولید پویا می باشد. از آنجاییکه CMS جزء مسائل NP-Complete می باشد، حل آن توسط روش های بینه سازی سنتی مستلزم زمان و قدرت پردازش بالا می باشد. این موضوع هنگام تطبیق هر چه بیشتر مدل با شرایط واقعی محسوس تر است. در نتیجه امروزه محققین رویکردهای جستجوی تصادفی را جایگزین خوبی برای حل اینگونه مسائل می دانند. یکی از این روش ها (SA) Simulated Annealing می باشد که بر مبنای مکانیزم فیزیک آماری و فرآیند سرمایش مواد جهت رسیدن به وضعیت با انرژی پایین کار می کند. در این مقاله ابتدا یک مدل سیستم تولید سلولی در شرایط پویا و احتمالی طراحی شده و سپس توسط روش SA حل گردیده است.

واژه های کلیدی: سیستم تولید سلولی، شرایط پویای احتمالی، مدل ریاضی غیر خطی، Simulated Annealing

### ۱- مقدمه

صنایع تولیدی تحت فشار شدیدی از طرف بازار رقابت جهانی می باشند. کوتاهتر شدن چرخه عمر کالا، زمان مورد نیاز جهت بازاریابی و نیازهای متفاوت مشتریان، تولید کنندگان را واداشته است که کارآیی و بهره وری فعالیت های تولیدی خود را بهبود بخشنده. سیستم های تولید باید قادر به تولید محصول با هزینه پایین تولید و کیفیت بالا در کمترین مدت ممکنه باشند تا محصولات را به موقع به مشتریان تحويل دهند. علاوه بر این، سیستم های تولید باید قادر به تطبیق یا پاسخ سریع به تغییرات در طرح و تقاضای محصولات باشند، بدون اینکه نیازی به سرمایه گذاری عمده ای باشد. سیستم های تولید سنتی مثل تولید کارگاهی<sup>۱</sup> و تولید مخصوصی<sup>۲</sup>، قادر به تامین و برآورد این نیازها و الزامات نیستند. در حالیکه سیستم های تولید باید قابلیت تغییر و طرح ریزی مجدد برای پاسخ به تغییرات در طرح و تقاضای محصول را داشته باشند. در نتیجه تولید سلولی<sup>۳</sup>(CM) که کاربرد تکنولوژی گروهی<sup>۴</sup>(GT) می باشد، به عنوان یک سیستم تولید امیدوار کننده و چاره ساز پدید آمده است. در اکثر تحقیقات گذشته مسأله تولید سلولی (CM) در

<sup>1</sup>- Job shop production

<sup>2</sup>- Flow shop production

<sup>3</sup>- Cellular Manufacturing

<sup>4</sup>- Group Technology

شرایط تولید ثابت یا تک دوره ای مورد بررسی قرار می گرفت. در حالیکه در عمل تولید پویا است به عبارت دیگر در بسیاری از سیستم های تولیدی افق برنامه ریزی را می توان به چند دوره یا پریود تقسیم کرد بطوریکه تقاضای محصولات از یک دوره به دیگری متغیر می باشد. از طرفی ممکن است مقدار تقاضای محصولات در هر دوره از قبل معین نباشد، ولی می توان با توجه به تجارت و داده های گذشته تقاضای محصولات را بصورت تابع احتمال مشخصی در نظر گرفته و در نتیجه دور نمائی از تقاضای محصولات در آینده بدست آورد. به چنین شرایطی اصطلاحاً شرایط پویای احتمالی اطلاق می گردد.

## ۲- مروری بر ادبیات موضوع

### ۲-۱- سیستم تولید سلولی

دوره عمر کوتاه محصول ، تولیدات با تنوع زیاد ، تقاضای غیر قابل پیش بینی و زمان توزیع کوتاه محصولات امروزه سیستم های تولیدی را بر آن داشته تا در شرایط عدم اطمینان بصورت پویا فعالیت کنند [۱۰]. سیستم های تولیدی باید سریعاً با این عدم اطمینان و تغییرات در سرمایه گذاری و هزینه عملیاتی منطقی سازگار شده و به آنها پاسخ دهنند. تلاشهای فراوانی در بررسی ها و تحقیقات مختلف در زمینه طرح های پویا [۱۹، ۲۰، ۲۵]، انعطاف پذیر [۲۶] و تولید سلولی پویا [۱۰، ۲۴] پیشنهاد شده تا بتوان با نیازمندی های تولید نامعین و پویا روبرو شد.

### Simulated Annealing - ۲-۲

ایده ای که مبنای SA را شکل داد برای اولین بار توسط متروبولیس و همراهان [۶] در ۱۹۵۳ منتشر شد. سی سال بعد کریک پاتریک و همراهان [۷]، ارائه شده توسط متروبولیس را به عنوان تکنیکی برای جستجوی حل های شدنی در مسائل بهینه سازی پیشنهاد کردند. بکتر [۸] یک مدل غیرخطی بازنی برای مسأله CM ارائه و از SA جهت حل آن استفاده کرد و نتایج نشان داد که SA در  $64/4\%$  موارد قادر به یافتن حل بهینه می باشد. چن ۵ و همراهان [۹] یک روش ابتکاری بر مبنای SA برای مسائل CM ارائه دادند. سوفیاناتپولوا [۱۰] از SA برای حل طراحی تولید با فرض وجود برنامه های پردازشی متنوع برای قطعات و یا فراوانی ماشین استفاده کرد. واخاریا و چنگ [۱۱] دو روش ابتکاری بر مبنای SA و جستجوی منع شده (TS) جهت بدست آوردن حل های شدنی در مسأله CM ارائه کردند. وناگوپال و نارندران [۱۲] از SA برای حل گروه بندی ماشین ها به عنوان جنبه مهمی از مسأله CM استفاده کردند.

### ۳- مدل ریاضی CMS در شرایط پویای احتمالی

شرایط پویای احتمالی تعیین یافته شرایط پویای معین می باشد که در آن تقاضای محصولات در هر دوره معین نبوده بلکه بصورت متغیرهای تصادفی با توزیع احتمال مشخص بر حسب تجارت گذشته وارد مدل می گردد. هدف تعیین مقدار بهینه تقاضای هر محصول در یک سطح اطمینان مشخص می باشد بگونه ای که مقدار تقاضا علاوه بر کمینه سازی برخی از هزینه های تولید حداقل اختلاف را نیز با مقدار ارزش انتظاری خود داشته باشد. این امر بخصوص در حالت آرمانی موجب کاهش هزینه نگهداری کالای های تکمیل شده و هزینه کمبود موجودی می گردد. در این تحقیق با در نظر گرفتن یک فاصله اطمینان ۹۵ درصدی برای تقاضای قطعات مجموع قدرمطلق انحراف از میانگین تقاضای قطعات به عنوان هزینه و حد بالا و پایین فاصله اطمینان به عنوان محدودیت به مدل اضافه می گردد. در نهایت با فرض وجود توالی عملیات، فراوانی ماشین، انعطاف پذیری جریان انعطاف پذیری ماشین و قابلیت انتقال بین سلولی ماشین، این امکان وجود دارد که خانواده قطعات و گروه های ماشین یا به عبارت دیگر چیدمان سلولی از پریودی به پریود دیگر تغییر کند. بنابراین با توجه به ماهیت CMS و مفروضات فوق از مدل ارائه شده انتظارات زیر وجود دارد:

- تشکیل همزمان خانواده قطعات و گروه بندی ماشین ها؛
- انتخاب یک برنامه پردازشی برای هر قطعه بگونه ای که کمترین هزینه انتقالات درون و بین سلولی را داشته باشد؛
- تخمین تقاضای بهینه قطعات؛
- خرید انواع ماشین و یا جا به جائی بین سلولی آنها از پریودی به پریود دیگر در صورت نیاز.

### ۱-۳- فرضهای مدل

- زمان عملیات برای همه قطعات روی هر نوع ماشین معلوم و هر قطعه می تواند چند برنامه پردازشی مختلف داشته باشد که تنها از یکی از آنها استفاده می کند (انعطاف پذیری جریان).
- نوع قطعات و تابع توزیع احتمالی هر قطعه در هر دوره معلوم است.
- قابلیت و ظرفیت هر نوع ماشین معین و ثابت است.
- هزینه سرمایه گذاری یا خرید هر نوع ماشین در ابتدای دوره اول معلوم است.
- هزینه عملیاتی هر نوع ماشین در هر ساعت مشخص است.
- قطعات بصورت دسته ای درون و بین سلولها حرکت می کنند و هزینه حرکت درون و بین سلولی دسته ها معلوم و ثابت است.
- تعداد سلولها طی تمام دوره ها معین و ثابت است.
- حداکثر و حداقل تعداد ماشینهای موجود در سلولها در دوره برنامه ریزی معین و ثابت است (حد بالا و پایین).
- تغییر مکان ماشینها از یک سلول به سلول دیگر بین دوره ها انجام شده و زمان آن صفر است.
- هزینه جابجایی هر نوع ماشین مستقل از مکان اولیه موجود آن بوده و مقدار آن معین است
- هر نوع ماشین یک یا چند عملیات را می تواند انجام دهد و هر عملیات می تواند با زمانهای متفاوت روی ماشین های مختلف انجام گیرد (انعطاف پذیری ماشین).
- هزینه انتقال درون و بین سلولی مواد ثابت و مستقل از فاصله می باشد.
- موجودی اضافه بین دوره ها صفر است و سفارش به تأخیر افتاده مجاز نبوده و تقاضا هر دوره بایستی در همان دوره تامین گردد.
- زمان راه اندازی <sup>6</sup> صفر می باشد.
- زمان شکست برای ماشینها در نظر گرفته نمی شود.
- راندمان ماشین ها و تولید ۱۰۰٪ می باشد.
- بزرگی دسته ها برای همه محصولات و در همه دوره ها ثابت است.
- ارزش زمانی پول در نظر گرفته نمی شود.
- ماشین ها در شروع هر پریود برای استفاده در دسترس می باشند (زمان نصب صفر است).

### ۲-۳- اهداف مدل

همچنانکه در قسمت قبل توضیح داده شد، در یک نگاه جامع چندین هزینه باستی در هدف طراحی سیستم مد نظر قرار گیرد. اما همه اهداف را بخارط پیچیدگی و مشکلات محاسباتی نمی توان در هدف مدل اعمال نمود. در این تحقیق اهداف مطرح در طراحی CMS پویای معین و احتمالی با در نظر گرفتن انعطاف پذیری جریان در تابع هدف وارد می شوند. اهداف عبارتند از مجموع هزینه های زیر:

- (الف) هزینه سرمایه گذاری ماشین: هزینه خرید ماشین در هر دوره می باشد؛
- (ب) هزینه عملیاتی: هزینه عملیات برای تولید قطعات می باشد که وابسته به نوع ماشین و مقدار زمان مورد نیاز برای هر عملیات می باشد؛
- (ج) هزینه انتقال درون و بین سلولی مواد: این هزینه زمانی ایجاد می شود که همه عملیات یک قطعه بروی یک ماشین به اتمام نرسد و قطعه به ماشین دیگری در سلول جاری و یا سلول دیگر انتقال یابد؛
- (د) هزینه جابجایی ماشین: هزینه تغییر محل یک ماشین از یک سلول به سلول دیگر که در بین دوره ها ممکن است با جابجایی ماشین ها رویرو شویم . در یک مدل تولید پویا بهترین شیوه تولید سلولی ممکن است تتواند بهترین شیوه در همه دوره ها باشد. بنابراین با تغییرات تقاضا ناگزیر به تغییر آرایش و ماشین های موجود در سلولهای مختلف خواهیم بود. این جابجایی باعث توقف تولید و ایجاد هزینه خواهد شد؛
- (ه) جریمه مجموع انحراف از میانگین تقاضای قطعات: این هزینه زمانی ایجاد می شود که در شرایط پویای احتمالی مقدار تقاضای تخمین زده شده توسط مدل با مقدار ارزش انتظاری که برای آن پیش بینی شده اختلاف داشته باشد. هر چقدر تقاضای تخمین زده شده با ارزش انتظاری خود اختلاف داشته باشد ممکن است سایر هزینه ها کاهش یابد ولی این جزء از هدف افزایش خواهد یافت . در واقع به ازاء هر واحد اختلاف یک واحد جریمه در نظر گرفته می شود.

<sup>6</sup>- Setup Time

### ۳-۳- محدودیت های مدل

برای مدل ارائه شده محدودیتهای زیر را بایستی لحاظ نمود:

(الف) ظرفیت ماشین ها برای تولید هر مخلوط محصول در سطح تقاضای معین در هر دوره بایستی کافی باشد؛

(ب) بزرگی سلولها بایستی معین باشد، یعنی حداقل و حدکثر تعداد ماشین های موجود در هر سلول بایستی محدود باشد؛

(ج) تعداد سلولهای سیستم باید معین باشد؛

(د) هزینه جابه جائی انتقال درون سلولی و بین سلولی مواد بایستی یکسان باشد؛

(ه) سطح اطمینان برای تقاضای احتمالی قطعات باید معین و مشخص باشد.

### ۴-۳- معرفی نمادهای مدل

برای مدل سازی مسئله فوق نمادهایی بکار می روند که به قرار تعاریف زیر می باشند.

#### ۴-۳-۱- زیر نویسه‌ها

$c = 1, 2, \dots, C$ : نماد سلولهای تولید

$m = 1, 2, \dots, M$ : نماد انواع ماشین

$p = 1, 2, \dots, P$ : نماد انواع قطعات

$h = 1, 2, \dots, H$ : نماد انواع دوره

$j = 1, 2, \dots, Op$ : نماد عملیاتی قطعه

### ۴-۲- نمادهای ورودی

$tjpm$ : زمان مورد نیاز برای انجام عملیات  $j$  از قطعه  $p$  روی ماشین  $m$ .

$EDph$ : ارزش انتظاری تابع توزیع تقاضای قطعه  $P$  در دوره  $h$  ام.

$SDph$ : انحراف معیار تابع توزیع تقاضای قطعه  $P$  در دوره  $h$  ام.

ورودی مدل برای محاسبه پارامترهای فوق به سه صورت انجام می پذیرد:

(الف) وقتی تقاضای محصولات بصورت گستته فرض شده و از طبیعت توزیع نرمال پیروی می کنند. در این حالت پارامترهای ورودی مدل همان میانگین و واریانس توزیع نرمال می باشند.

(ب) وقتی تقاضاهای بصورت گستته فرض شده و از طبیعت توزیع دو جمله ای پیروی کنند. در این حالت پارامترهای ورودی مدل، احتمال تقاضا برای هر محصول ( $p$ ) و تعداد تقاضای هر محصول با توجه به دوره های پیشین ( $n$ ) می باشند. بنابراین میانگین و انحراف استاندارد توزیع تقاضا بصورت روابط زیر محاسبه می شود:

$$(3) \quad EDph=np$$

$$(2) \quad SD_{ph} = \sqrt{nP(1-P)}$$

(ج) وقتی که تقاضای محصولات پیوسته بوده و از طبیعت توزیع  $\beta$  پیروی کنند. در این حالت پارامترهای ورودی مدل عبارتند از خوشبینانه ترین مقدار تقاضا ( $H$ )، بدینانه ترین مقدار تقاضا ( $L$ ) و محتمل ترین مقدار تقاضا ( $M$ ). بنابراین میانگین و انحراف استاندارد توزیع تقاضا توسط روابط زیر محاسبه می شود:

$$(3) \quad ED_{ph} = \frac{L + 4M + H}{6}$$

<sup>7</sup>- Indices

<sup>8</sup>- Input Parameters

(۴)

$$SD_{ph} = \frac{H - L}{6}$$

B : بزرگی دسته برای نقل و انتقالات درون و بین سلولی مواد.

am : هزینه خرید ماشین نوع m ام.

$\beta m$  : هزینه عملیاتی هر ساعت ماشین نوع m ام.

γ : هزینه جابجایی بین سلولی و درون سلولی یک دسته.

$\delta m$  : هزینه جابجایی ماشین نوع m ام.

Tm : ظرفیت ساعتی موجود برای ماشین نوع m ام.

LB : حداقل ظرفیت هر سلول.

UB : حداکثر ظرفیت هر سلول.

$$\left. \begin{array}{ll} 1 & \text{اگر ز امین عملیات قطعه p ام روی ماشین نوع m قابل انجام باشد} \\ 0 & \text{در غیر این صورت} \end{array} \right\}$$

### ۹-۴-۳- متغیرهای تصمیم

Nmch : تعداد ماشین نوع m مورد استفاده در سلول C طی دوره h ام.

K+mch : تعداد ماشین نوع m اضافه شده به سلول C طی دوره h ام.

K-mch : تعداد ماشین نوع m کم شده از سلول C طی دوره h ام.

XDph : مقدار تولید قطعه P در دوره h ام.

جهت تخمین بهینه تولید قطعات یک فاصله اطمینان ۹۵ درصدی برای XDph ها بصورت رابطه (۵) تعریف و سپس حد بالا و پایین آن به عنوان محدودیت به مدل اضافه شده است.

(۵)

$$EDph-1.96 SDph \leq XDph \leq EDph+1.96 SDph$$

$$\left. \begin{array}{ll} 1 & \text{اگر ز امین عملیات قطعه p در سلول C توسط ماشین نوع m طی دوره h انجام شود} \\ Xjpmch & \end{array} \right\}$$

$$0 \quad \text{در غیر این صورت}$$

در مسائلی که دارای بیش از دو دوره برنامه ریزی می باشند این امکان وجود دارد که برخی از ماشین ها برای دوره بعد مورد نیاز نبوده و بصورت بیکار در سلول باقی بمانند، این امر بخصوص هنگامی که تعداد دوره ها افزایش یابد موجب ازدحام ماشین های بیکار در سلول ها گشته و در نتیجه موجب نقض کران بالای سلولی (UB) گردد، بنابراین لازم است ماشین های بیکار از سلول خارج و وجود آنها در جایی ثبت گردد تا در صورت نیاز در دوره های آتی احتیاج به خرید مجدد آنها نباشد. بنابراین با تعریف یک سلول اضافی یا باقیمانده که می تواند مین انبار باشد، ماشین های مذکور را بطور مجازی بدان انتقال می دهیم. در دوره های آتی در صورت نیاز به ماشینی خاص ابتدا مدل آن را در انبار یا حافظه جستجو کرده و در صورت عدم وجود مبادرت به خرید آن می کند. در این مدل هزینه انتقال به یا از انبار در نظر گرفته نمی شود. متغیر مورد نیاز برای این امر بصورت زیر تعریف می شود:

Vmh : تعداد موجودی ماشین نوع m در انبار در دوره h.

بدیهی است مقدار متغیر فوق در دوره اول برابر صفر می باشد. مقدار متغیر فوق در هر دوره بصورت رابطه (۶) محاسبه می شود:

$$(6) \quad V_{mh} = \max \left\{ 0, V_{m(h-1)} + \sum_{c=1}^C K_{mch}^- - \sum_{c=1}^C K_{mch}^+ \right\}$$

جهت وارد کردن رابطه فوق در مدل از دو محدودیت بصورت روابط (7) و (8) استفاده می شود:

$$(7) \quad V_{mh} \geq 0$$

$$(8) \quad V_{mh} \geq V_{m(h-1)} + \sum_{c=1}^C K_{mch}^- - \sum_{c=1}^C K_{mch}^+ \quad \forall m, h$$

در مسابیلی که حداکثر تعداد دوره های برنامه ریزی ۲ باشد نیازی به وارد کردن متغیر و محدودیت های فوق در مدل نمی باشد.

: تعداد جا به جائی های ماشین نوع  $m$  در دوره  $h$  می باشد در نتیجه مقدار  $R_{mh}$  را بصورت رابطه زیر میتوان محاسبه نمود :

$$(9) \quad R_{mh} = \min \left\{ \sum_{c=1}^C K_{mch}^+ + (V_{mh} - V_{m(h-1)}), \sum_{c=1}^C K_{mch}^- + (V_{m(h-1)} - V_{mh}) \right\}$$

### ۵-۳- مدل ریاضی

مدل سازی ریاضی برای طراحی CMS به قسمی انجام می گیرد که خانواده قطعات و سلول ماشین ها بطور همزمان ایجاد شود. گروه بندی همزمان ماشین - قطعه به نتایج بهتری نسبت به استراتژی متنابع انتخاب گروه ها و سپس تخصیص ماشین ها منجر می شود. اما این نتایج در مسابیل بزرگ CMS علاوه بر پیچیدگی به مقدار زیادی از زمان برای حل نیازمند است. با استفاده از نمادهای مطرح شده در قسمتهای قبل، مدل ریاضی برای طراحی CMS در شرایط پویای احتمالی بصورت مدل (۱۰) بدست می آید.

$$(10) \quad \begin{aligned} \min Z = & \sum_{h=1}^H \sum_{m=1}^M \alpha_m \left[ \left( \sum_{c=1}^C N_{mch} + V_{mh} \right) - \left( \sum_{c=1}^C N_{mc(h-1)} + V_{m(h-1)} \right) \right] + \sum_{h=1}^H \sum_{c=1}^C \sum_{m=1}^M \sum_{p=1}^P \sum_{j=1}^{Op} XD_{ph} t_{jpm} x_{jpmch} \beta_m + \\ & + \sum_{h=1}^H \sum_{m=1}^M R_{mh} \delta_m + \sum_{h=1}^H \sum_{p=1}^P \left| XD_{ph} - ED_{ph} \right| + \frac{1}{2} \sum_{h=1}^H \sum_{p=1}^P \left| \frac{XD_{ph}}{B} \right| \times \sum_{j=1}^{Op-1} \sum_{m=1}^M \sum_{c=1}^C \gamma \left| X_{(j+1)pmch} - X_{jpmch} \right| \end{aligned}$$

**محدودیت ها:**

$$(I) \quad \sum_{c=1}^C \sum_{m=1}^M a_{jpm} x_{jpmch} = 1 \quad \forall j, p, h$$

$$(II) \quad \sum_{p=1}^P \sum_{j=1}^{Op} XD_{ph} t_{jpm} x_{jpmch} \leq T_m N_{mch} \quad \forall m, h$$

$$(III) \quad \sum_{m=1}^M N_{mch} + \sum_{m=1}^M K_{mch}^+ - \sum_{m=1}^M K_{mch}^- \geq LB \quad \forall c, h$$

$$(IV) \quad \sum_{m=1}^M N_{mch} + \sum_{m=1}^M K_{mch}^+ - \sum_{m=1}^M K_{mch}^- \leq UB \quad \forall c, h$$

$$(V) \quad N_{mc(h-1)} + K_{mch}^+ - K_{mch}^- = N_{mch} \quad \forall m, c, h$$

$$(VI) \quad V_{mh} \geq V_{m(h-1)} + \sum_{c=1}^C K_{mch}^- - \sum_{c=1}^C K_{mch}^+ \quad \forall m, h$$

$$(VII) \quad R_{mh} \leq \sum_{c=1}^C K_{mch}^+ + (V_{mh} - V_{m(h-1)}) \quad \forall m, h$$

$$(VIII) \quad R_{mh} \leq \sum_{c=1}^C K_{mch}^- + (V_{m(h-1)} - V_{mh}) \quad \forall m, h$$



$$(IX) \quad XD_{ph} \geq ED_{ph} - 1.96SD_{ph} \quad \forall p, h$$

$$(X) \quad XD_{ph} \leq ED_{ph} + 1.96SD_{ph} \quad \forall p, h$$

$$x_{jpmch} = 0 \text{ or } 1$$

$$N_{mch}, K_{mch}^+, K_{mch}^-, V_{mh}, R_{mh}, XD_{ph} \geq 0 \text{ and Integer}$$

مسئله مدل شده فوق یک مسئله فوق این خطا عدد صحیح می باشد. جمله اول هزینه خرید ماشین مورد نیاز دوره ها است. جمله دوم هزینه عملیاتی ماشین ها است که این هزینه از جمع تقاضای محصولات در زمان عملیات با احتساب هزینه عملیاتی هر نوع ماشین بدست می آید. جمله سوم هزینه جابجایی درون و بین سلوی مواد است که این هزینه برابر مجموع حاصلضرب تعداد دسته قطعات جا به جا شده درون و بین سلوی ها در هزینه انتقال یک دسته از هر نوع قطعه بدست می آید. جمله چهارم هزینه جابجایی ماشین است. این هزینه برای هر ماشین در هر دوره بصورت حاصلضرب هزینه جا به جائی آن ماشین در تعداد جایه جائی های بین سلوی آن محاسبه می شود. جمله آخر هزینه اختلاف تقاضای تخمین زده شده توسط مدل از ارزش انتظاری آن می باشد بطوریکه هر واحد اختلاف بین مقدار بهینه تقاضای هر محصول و ارزش انتظاری آن یک واحد هزینه را افزایش می دهد. محدودیت اول ایجاب می کند که هر عملیات در یک سلوی و به یک ماشین تخصیص یابد. محدودیت دوم ظرفیت ماشین مورد نیاز برای انجام تقاضای موجود در هر دوره را ایجاب می کند. محدودیت های سوم و چهارم برای عدم تجاوز تعداد ماشین های مورد استفاده از حداقل و حداقل ظرفیت سلوی ها می باشد. محدودیت پنجم توازن ماشینهای موجود در هر سلوی با ماشین های اضافه شده و کم شده را برقرار می کند. محدودیت ششم موجودی انبار را با توجه به رابطه (۱) ارضاء می کند. محدودیت های هفتم و هشتم هزینه جابجایی بین سلوی ماشین را از دوره ای به دوره دیگر نشان می دهند بنگوئه ای که رابطه (۱۰) برقرار باشد. محدودیت های نهم و دهم نشان می دهند که تقاضای بهینه تخمین زده شده توسط مدل نباید از حدود بالا و پایین فاصله اطمینان ۹۵ درصدی که با توجه بهتابع توزیع مریبوطه تشکیل شده تجاوز نماید.

#### ۴- روشن Simulated Annealing

مشاهده می شود که مدل فوق بسیار پیچیده است و برای مسائل بزرگ علاوه قابل استفاده نمی باشد. بنابراین از روش های جستجوی تصادفی برای حل آن استفاده می کنیم. SA رویکردی است برمبانای مدل مونت کارلو<sup>۱۰</sup> که برای مطالعه رابطه بین ساختار اتمی، آنتروپی و دما در طول ذوب یک ماده استفاده می شود. فرایند فیزیکی ذوب که هدف از آن کاهش دمای ماده به پایین ترین سطح انرژی می باشد، تعادل گرمائی ۱۱ نامیده می شود. فرآیند ذوب با ماده ای در وضعیت گداخته آغاز شده وسیس بتدریج دمای آن کاهش می یابد. در هر دمای جسم مجاز به رسیدن به تعادل گرمائی می باشد. دما نباید خیلی به سرعت کاهش یابد، بویژه در مراحل اولیه، در غیر اینصورت برخی کاستی ها در ماده پیدا شده و ماده به وضعیت انرژی کمینه نخواهد رسید. کاهش دما شبیه به کاهش مقدار هدف (در مسائل کمینه سازی) می باشد که توسط یک سری تغییرات بهبود دهنده انجام می گیرد. برای اینکه اجازه دهیم دما به آهستگی کاهش یابد، باید تغییرات غیر بهبود دهنده تابع هدف نیز با احتمال معینی انتخاب شوند بطوریکه وقتی مقدار هدف کاهش می یابد این احتمال نیز تقلیل یابد. بنابراین در مسائل بهینه سازی، دما به عنوان یک پارامتر کنترلی عمل خواهد کرد. برای حل مسئله CMS توسط یک الگوریتم SA، درابتدا یک دمای اولیه در نظر گرفته، سپس در هر دما تا رسیدن به تعادل بطور متوالی وضعیت های (حل های) جدید تولید می شود. وضعیت هایی که موجب بهبود تابع هدف می شوند را می پذیریم. هرگاه تعداد وضعیت های پذیرفته شده از حد معینی گذشت دما را کاهش می دهیم. این کار را تا زمانیکه تعداد تغییرات یا انتقالات دما از حد معینی تجاوز نکند تکرار می کنیم. بعد از توقف الگوریتم، بهترین جواب بدست آمده در بین جواب های پذیرفته شده مربوط به آخرین دما، جواب بهینه خواهد بود [۱۶-۱۷].

#### ۴-۱- الگوریتم SA برای مسئله CMS

در این قسمت دورنمایی از پارامترها و الگوریتم SA برای حل مسئله گروه بندی در تولید سلوی ارائه شده است.

#### ۴-۱-۱- معرفی پارامترها

۱: تعداد حرکتهای پذیرفته شده در هر دما.

۲= تعداد انتقالات دما.

<sup>10</sup>- Monte Carlo

<sup>11</sup>- <sup>11</sup>- Rate of Cooling

<sup>11</sup>- Thermal Equilibrium

T0: دمای اولیه.

Tf: دمای نهائی.

e = AT<sub>min</sub>: مبدأ ۱۲: حداقل وضعیت های پذیرفته شده که برای تعیین شرایط تعادل استفاده می شود که در واقع یک پارامتر کنترلی می باشد برای بررسی اینکه سیستم به تعادل رسیده است یا خیر.

$\bar{\epsilon}$ : عدد مثبت کوچک که نرخ سرمایش ۱۳ را کنترل می کند.

$\epsilon_i$ : عدد مثبت کوچکی که تعیین می کند آیا سیستم در یک دمای خاص Tr در تعادل است یا خیر.

$\epsilon_r$ : عدد مثبت کوچکی که نقطه انجماد را کنترل می کند.

$C_i(T_r)$ : هزینه وضعیت (حالت آم) وقتی دما Tr می باشد.

$\bar{C}_e(T_r)$ : متوسط مقادیر هدف وضعیتها پذیرفته شده در هنگام مبدا در دمای Tr.

$\bar{C}_G(T_r)$ : متوسط مقادیر هدف وضعیتها که تا کنون پذیرفته شده اند در دمای Tr.

$\bar{C}(T_r)$ : متوسط مقادیر هدف وضعیت های پذیرفته شده برای رسیدن به تعادل در دمای Tr.

V(Tr): واریانس مقادیر هدف وضعیتها پذیرفته شده برای رسیدن به تعادل در دمای Tr که بصورت رابطه (۱۱) تعریف می شود.

$$V(T_r) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (C_i(T_r) - \bar{C}(T_r))^2 \quad (11)$$

#### ۴-۱-۱- شرح الگوریتم

گام ۱. (مقدار دهی اولیه شمارنده ها)

فرار دهید  $r = 0$  و  $n = 0$ .

گام ۲. (مقدار دهی اولیه دما)

دمای اولیه Tr را وارد کنید.

گام ۳. (تولید یک وضعیت اولیه یا حل شدنی)

یک حل شدنی اولیه تولید کنید. برای تولید چنین حلی از یک الگوریتم تخصیص تصادفی که بر اساس قواعد ساده هوش مصنوعی نوشته شده استفاده می شود. این الگوریتم ابتدا به هر سلول تعداد LB ماشین نا متشابه بصورت تصادفی تخصیص داده سپس عملیات مربوط به هر قطعه را با توجه به نیازپردازی آنها به سلول ها تخصیص می دهد.

گام ۴. (محاسبه انرژی)

$Ci(Tr)$ : مقدار تابع هدف به ازای حل جاری آ در دمای (Tr) را طبق تابع هدف (۱۰) محاسبه کنید.

گام ۵. (الگوی پراکندگی - حرکت در فضای شدنی)

(a) با تغییر تصادفی متغیرهای تصمیم گیری Xjpmch ها و Nmch ها حل شدنی جدید زرا تولید کنید. (این عمل توسط برخی عملگرهای ژنتیکی انجام می شود) سپس تغییرات مقدار هدف را طبق رابطه (۱۲) محاسبه کنید.

$$\Delta C(T_r) = C_j(T_r) - C_i(T_r) \quad (12)$$

اگر  $\Delta C(T_r) \leq 0$  ، به گام (c) بروید.

(b) یک متغیر تصادفی (۱ و ۰) u → y را انتخاب کنید.

اگر  $y > e^{\frac{-\Delta C(T_r)}{T_r}}$  سپس به گام (a) بروید.

(c) حل جدید را قبول کنید، زیرا تابع هدف را بهبود بخشیده است.

قرار بده  $n = n + 1$  و اگر  $n < e$  به گام (a) بروید.

#### گام ۶. (آزمون برای حالت تعادل)

قرار دهید  $n = 0$ ، اگر  $\epsilon_1$  یا اگر سیستم برای مقدار  $n$  در دمای جاری ساکن نباشد به گام (a) بروید.

#### گام ۷. (آزمون برای حالت انجامداد)

قرار دهید  $V(T_r) = \bar{C}(T_r)$  و  $r = 0$  به گام (c) بروید،

(b) اگر  $\frac{V(T)}{T(\bar{C}(T_0) - \bar{C}(T))} \leq \varepsilon_2$  توقف کنید زیرا شرایط توقف برآورده شده است.

(c) دما را طبق رابطه (۱۳) به هنگام کنید.

$$T_{r+1} = \frac{T_r}{1 + \frac{\ln(1+\partial)T_r}{3V(T_r)}} \quad (13)$$

قرار دهید  $r = r + 1$  و به گام (a) بروید.

#### ۵- مقایسه نتایج بدست آمده از حل رویکرد SA با حل بهینه

در این قسمت نتایج حاصل از حل مدل ارائه شده توسط الگوریتم SA با حل بهینه از نظر اختلاف مقدار هدف و زمان دستیابی به حل نهائی در ابعاد مختلف ماتریس قطعه - ماشین مورد بررسی قرار می گیرد. با توجه به اینکه حل مدل فوق برای PC مستلزم صرف زمان بسیار بالا می باشد در نتیجه در اکثر مسائل نمونه از حل Lower Bound (بر اساس توزیع  $\beta$ ) استفاده شده است. نتایج مقایسه در جدول (۱) نشان داده شده است. سیستم مورد استفاده یک PC حاوی پردازنده PentiumIII 1.1Gz می باشد. جهت بدست آوردن حل بهینه و Lower Bound مدل با نرم افزار Lingo 6 نوشته و حل شده است. الگوریتم SA توسط زبان Visual Basic نوشته شده است.

**جدول ۱- مقایسه حل بهینه با حل SA در شرایط پویای احتمالی**

اندازه مسئله	مقدار اختلاف (درصد)	انحراف از معیار	زمان	متغیر تقاضا	مجموع انحراف از میانگین میانگین	هزینه جایه درون سلولی و بین سلولی مواد	هزینه جابه جایه ماشین	هزینه عملیاتی ماشین	هزینه خرید ماشین	مقدار هدف	هزینه و زمان رویکرد
$5 \times 4$	%	-	۰۰:۳۰:۱۷	۱۰۲	۷۱۵۶	۱۱۰۳۱	۵۲۴۰	۲۳۵۳۰	۲۴۸۲۹	SA	Lingo 6
$H=2, C=2$	%/۵	-	۰۰:۱۵:۹	۱۱	۷۲۹۲	۱۱۲۴۶	۶۲۸۰	۴۵۱۲۹	۵۵۶۴	LB	SA
$6 \times 5$	%	۵۷۱۶	-	-	-	۱۸۱۲۳	۱۹۴۵۴	۵۵۶۴	۴۳۱۴۱	LB	Lingo-LB
$C=2, H=2$	%/۴/۶	-	۰۰:۰۰:۱۹	۹۵۷	۱۸۸۲۸	۲۰۰۸۵	۵۳۷۰	۴۵۲۳۹	۱۹۴۵۴	SA	SA
$8 \times 6$	%	۱۶۹۸	-	-	-	۹۰۸۶	۲۹۲۲۶	۱۲۲۰۰	۱۲۲۰۰	۴۸۸۱۴	LB
$C=3, H=2$	%/۴	-	۰۰:۰۰:۴۱	۳۵۳	۹۸۶۷	۲۸۶۱۹	۱۲۲۰۰	۵۱۰۳۸	۵۵۶۴	SA	SA
$9 \times 7$	%	۳۴۴۳	-	-	-	۱۵۳۹۳	۱۹۰۷۳	۹۹۸۶	۹۹۸۶	۴۴۴۵۲	LB
$C=3, H=3$	%/۱۷	-	۰۰:۰۹:۱۵	۱۲۵۰	۱۹۶۱۰	۱۸۸۴۶	۹۴۲۰	۴۹۱۲۵	۹۴۲۰	SA	SA
$11 \times 8$	%	۵۸۱	-	-	-	۱۲۶۱۹	۱۲۷۰۲	۸۶۵۰	۸۶۵۰	۳۳۹۷۱	LB
$C=3, H=3$	%/۲/۳	-	۰۰:۰۹:۰۵	۲۲۳	۱۲۶۲۱	۱۳۲۳۹	۸۶۵۰	۳۴۷۸۶	۸۶۵۰	SA	SA

## ۶- نتیجه گیری

نتایج حاصل از این مقاله را می توان بصورت زیر خلاصه کرد:

- ۱- در ابعاد پایین ماتریس قطعه - ماشین ، میانگین اختلاف حل SA با حل Lower Bound برابر  $4/6\%$  و زمان دستیابی SA بسیار کمتر از زمان دستیابی به حل بهینه می باشد . با توجه به اینکه حل Lower Bound همواره کوچکتر از حل بهینه می باشد. با توجه به نتیجه فوق، جواب بسیار مطلوبی است.
- ۲- در ابعاد بالای ماتریس قطعه - ماشین، حتی بدست آوردن حل Lower Bound نیز توسط PC بسیار زمانبر می باشد، در حالیکه روش SA از ابتدا حل شدنی در اختیار طراح قرار داده و با افزایش فضای شدنی مسئله، احتمال همگرائی زودرس آن به بهینه های موضعی کاهش می یابد. بدین ترتیب با گذشت زمان روند بهبود جواب در چنین رویکردهایی محسوس خواهد بود. البته با افزایش کفیت الگوریتم های تولید حل های شدنی و عملگرهای تغییر آنها می توان به جواب های بهتری دست یافت.

## مراجع

1. Chen, M., "A Mathematical Programming Model for Systems Reconfiguration in a Dynamic Cellular Manufacturing Environment", *Annals of Operations Research*, 77(1), pp. 109-128, 1998.
2. Benjaafar, S. and Sheikhzadeh, M. "Design of Flexible Plant Layouts. IIE Transactions, To be appeared.
3. Monterruiln, B. and Laforge, A, "Dynamic Layout Design Given a Scenario Tree of Probable Futures", *European Journal of Operational Research*, 63, pp. 271-286, 1992.
4. Yang, T. and Peters, B. "Flexible Machine Layout Design for Dynamic and Uncertain Production Environments", *European J.I. of Operational Research*, 108, pp. 49-64, 1998.
5. Song, S. and Hitomi, K., "Integrating the Production Planning and Cellular, Layout for Flexible Cellular Manufacturing", *Production Planning and Control*, 7(6), pp. 585-593, 1996.
6. Metropolis, N.; Rosenbluth, A.W.; Rosenbluth, M.N.; Teller, A.H. and Teller, E., "Equation of State Calculation by Fast Computing Machines" . *Journal of Chem. Phys*, 21, pp. 1087-1091, 1953.
7. Kirkpatrick, S.; Gellat, C.D. and Vecchi, M.P., "Optimization by Simulated Annealing", *Science* , 220,671-680, 1983.
8. Docto, F., "A Linear Formation of the Machine-Part Cell Formation Problem", *International of Production Research*, 29(2), pp. 343-356, 1991
9. Chen, C.; Cortuvo, N. and Beak, W., "A Simulated Annealing Solution to the Cell Formation Problem", *International of Production Research*, 77(1), pp. 109-128, 1995.
10. Sofanopoulou, S., "Manufacturing Cells Design with Alternative Process Plans and/or Replicate Machines", *International of Production Research*, 37(3), pp. 707-720, 1990.
11. Vakharia, A. and Chang, Y., "Cell Formation in Group Technology: A Combinatorial Search Approach", *International of Production Research*, 35(7), pp. 2025-2043, 1997.
12. Venugopal, V. and Narendran, T., "Cell Formation in Manufacturing Systems through Simulated Annealing an Experimental Evaluation", *European Journal of Operation Research*, 63, pp.409-422, 1992.
13. Adil, G.K.; Rajamani, D. and Strong, D., "Simulated Annealing Algorithm for Part Machine Grouping", University of Manitoba, Canada. Working Paper.
14. Gidas, B., "Non-Stationary Markov Chains and Convergence the Annealing Algorithm", In *Journal of Statistical Physics*, 39, pp. 73-131, 1985.
15. Hajek, B., "Cooling Schedules for Optimal Annealing", Department of Electrical Engineering, University of Illinois/Champaign-Urbana, Thesis, 1985.
16. Debasis, M., Fabio, R., "Convergence and Finite-Time Behavior of Simulated Annealing", *Advances in Applied Probability*, pp. 747-771, 1986.