

# تحکیم خاکها (Consolidation)

تحکیم همان کاهش حجم يك خاک اشباع با نفوذپذیری کم در اثر زهکشی می باشد معمولا " عمل تحکیم تا محو فشار آب منفذی اضافی که در اثر افزایش تنش کل بوجود آمده ادامه می یابد

به عنوان مثال اگر بنایی را بر روی يك لایه رس اشباع بسازیم معمولا " مواجه با نشست خواهیم بود (تحکیم) و در صورتی که در ابتدای بنای همان ساختمان در این رس خاکبرداری کنیم مواجه با تورم (عکس عمل تحکیم) کف گود خواهیم بود

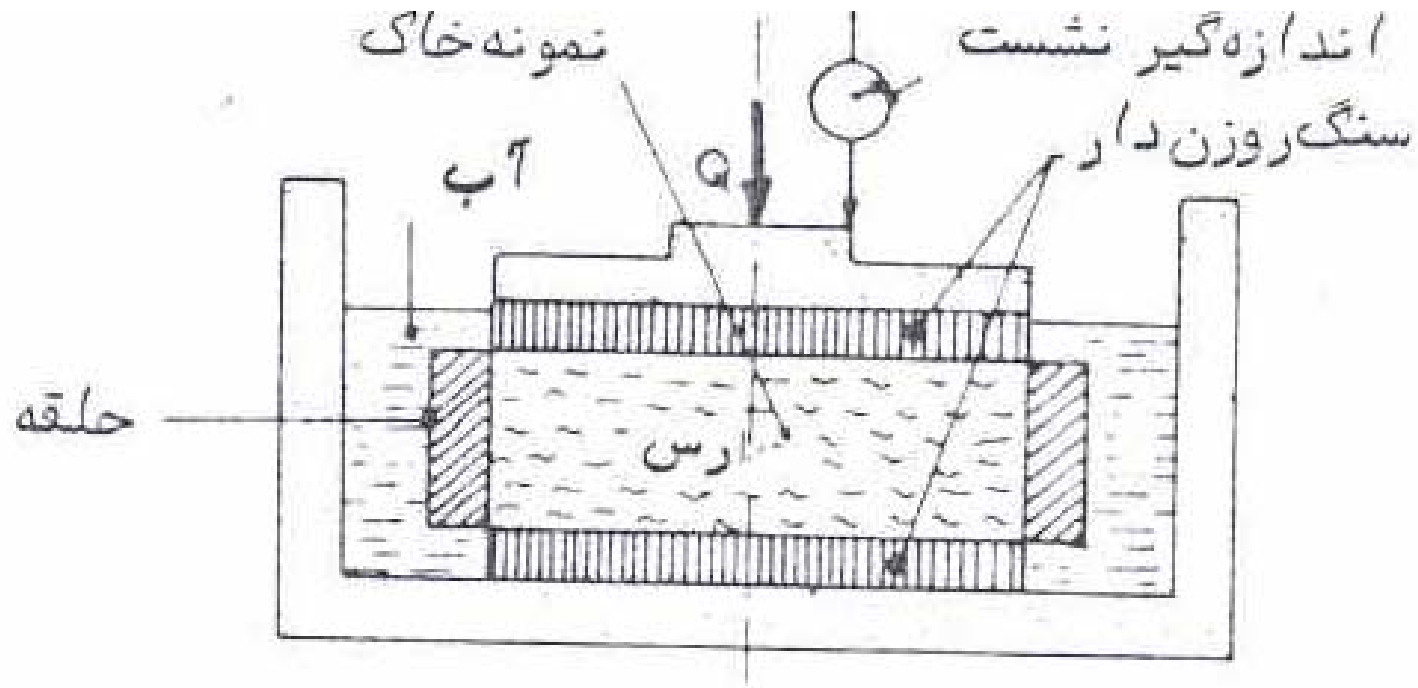
معمولاً" نشست بر دو نوع است:

۱- نشست آنی: که در اثر تغییر شکل جانبی خاک در شرایط زهکشی نشده پیش می‌آید و معمولاً" یا قابل صرف نظر کردن است و یا با استفاده از نظریه ارتجاعی قابل محاسبه است

۲- نشست ناشی از تحکیم: در اینجا ما به بررسی این نوع نشست، محاسبه مقدار و سرعت آن می‌پردازیم. به همین منظور ابتدائاً" به شرح آزمایش تحکیم می‌پردازیم

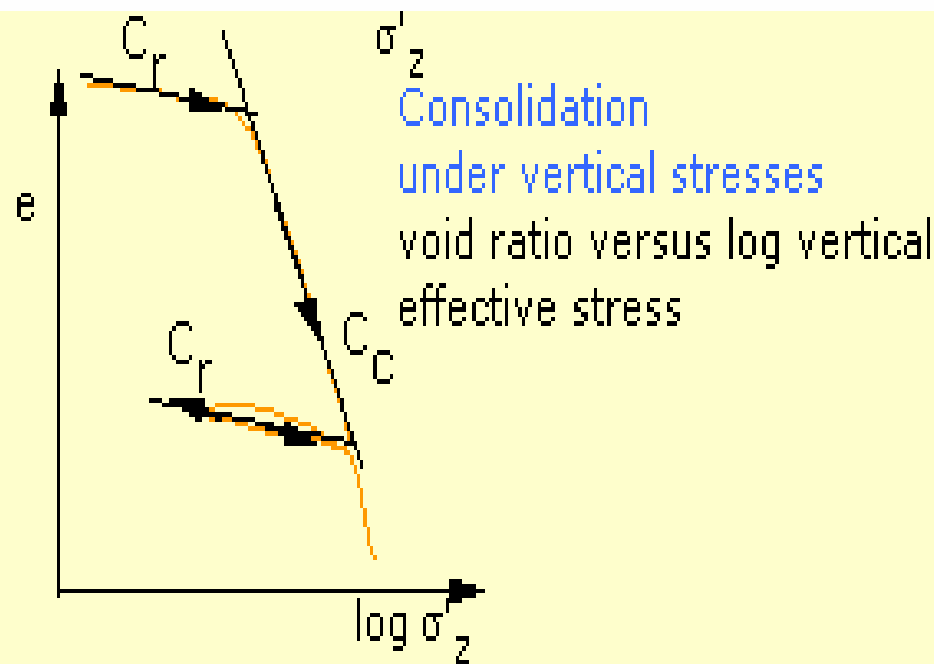
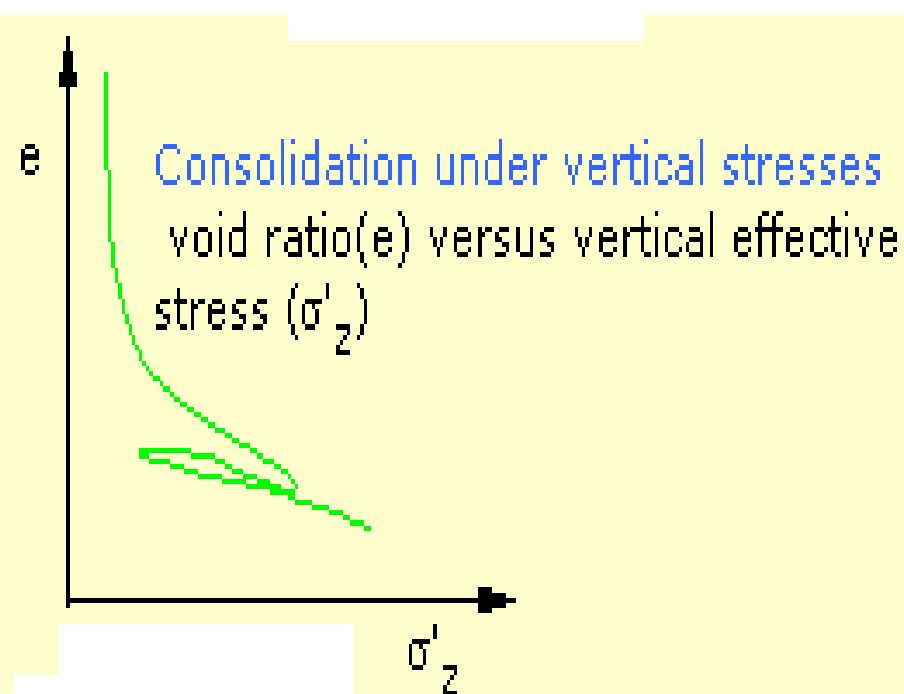
# آزمایش ادنومتر یا تحکیم

در این آزمایش نمونه استوانه‌ای که در بین دو سنگ متخلخل قرار گرفته است و در داخل يك استوانه فلزي تغيير شكل ناپذير قرار دارد و به طور قائم بر آن بار وارد می‌شود. نحوه انجام آزمایش بدین‌گونه است که فشارهاي مختلفي بر نمونه وارد می‌شود و تحت هر فشار وارده نمونه از ۲۴ تا ۴۸ ساعت تحت فشار باقي می‌ماند و ارتفاع جدید نمونه در پایان این مدت قرائت می‌شود



منحني تغييرات ارتفاع نمونه و يا انديس خلاء  $e$  بر حسب تنش موثر (تنش وارده بر نمونه در انتهاي مدت بارگذاري) ترسيم مي گردد.

معمولاً تغییرات تنش می تواند در مقیاس طبیعی و یا لگاریتمی ترسیم گردد میزان انبساط نمونه نیز پس از اتمام بارگذاری یا باربرداری (در کاهش فشارهای پی در پی) مشخص گردیده و در منحنی فوق ترسیم می گردد



نحوه انجام محاسبات به شرح زیر است:

اندیس خلاء در پایان آزمایش:  $e_1$

ارتفاع نمونه در شروع آزمایش:  $H_0$

میزان تغییر ارتفاع در حین آزمایش:

$$\Delta H = H_0 - H_1$$

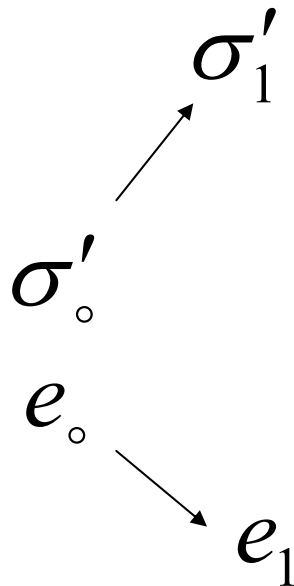
اندیس خلاء در شروع آزمایش:

$$e_0 = e_1 + \Delta e$$

$$\frac{\Delta H}{H_0} = \frac{\Delta e}{1 + e_0} \Rightarrow \frac{\Delta e}{\Delta H} = \frac{1 + e_0}{H_0}$$

تراکم‌پذیری خاک را با یکی از ضرایب زیر تعیین می‌نمائیم:

۱- ضریب تغییر حجم ( $m_v$ ): بر حسب میزان تغییر حجم بازاری افزایش تنش موثر واحد با دیمانسیون  $(kPa)^{-1}$  هر گاه برای افزایش تنش موثر از  $\sigma'_0$  به  $\sigma'_1$  و اندیس خلاء از  $e_0$  به  $e_1$  کاهش یابد


$$m_v = \frac{1}{1 + e_0} \left( \frac{e_0 - e_1}{\sigma'_1 - \sigma'_0} \right) = \frac{1}{H_0} \left( \frac{H_0 - H_1}{\sigma'_1 - \sigma'_0} \right)$$

۲- ضریب تراکم ( $c_c$ ) : همان شیب بخش خطی منحنی تراکم در صفحه  $e - \text{Log } \sigma'$  می باشد که بدون بعد است و عبارت است از:

$$C_c = \frac{e_o - e_1}{\text{Log} \frac{\sigma'_1}{\sigma'_o}} = - \frac{\Delta e}{\Delta \text{Log } \sigma'}$$

که می توان این رابطه را به صورت زیر نوشت :

$$e_1 = e_o - C_c \log \frac{\sigma'_1}{\sigma'_o} = e_o - C_c \log \left( 1 + \frac{\Delta \sigma'}{\sigma'_o} \right)$$



$$\Delta\sigma' = E_{oed}(-\varepsilon_a)$$

$$\Delta\sigma' = E_{oed}\left(-\frac{\Delta h}{h}\right)$$

$$E_{oed} = E'$$

ضریب یانگ ادئومتریک

$$E' = \frac{1 + e_o}{C_c} \frac{\Delta\sigma'}{\log\left(1 + \frac{\Delta\sigma'}{\sigma'_o}\right)}$$

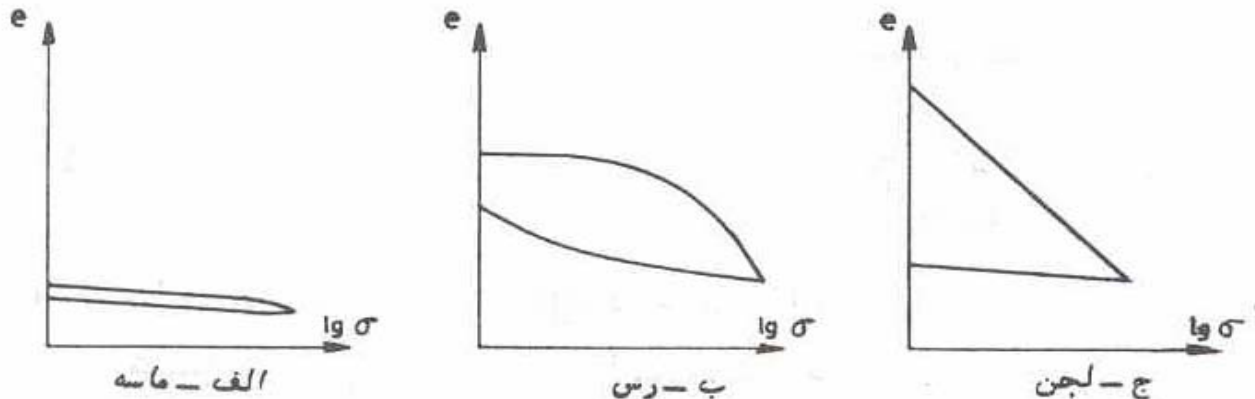
اگر  $\Delta\sigma'$  ویا به عبارت دیگر تغییر فشار موثر در مقابل  $\sigma'_0$  کوچک باشد خواهیم داشت

بنابراین :

$$\log\left(1 + \frac{\Delta\sigma'}{\sigma'_0}\right) = \frac{1}{2/3} \frac{\Delta\sigma'}{\sigma'_0}$$

$$E' = 2/3 \sigma'_0 \frac{1 + e_0}{C_c}$$

معمولاً "منحنی‌های ترسیم شده برای خاکهای متفاوت را می‌توان به سه دسته زیر تقسیم نمود



براي داشتن يك شناخت نسبت به مقادير ضريب يانگ ادونومتريك  
براي خاكهاي مختلف بد نيست مقادير زير را مشاهده نمايم:

براي ماسه	10	تا	300	MPa
براي رس سخت	1.5	تا	10	MPa
براي ري سست 0.1	1	تا		MPa
فولاد	$2 \times 10^5$			MPa
بتن	$2 \times 10^4$			MPa

با استفاده از روشهاي ارتباطي (*Correlation*) و يا غير مستقيم  
(بدون انجام آزمايش تحكيم) مي توان به محاسبه ضريب تراكم پرداخت

## فرمول اسکمپتون

$$C'_c = 0.007(w_l - 10)$$

$$C_c = 0.009(w_l - 10)$$

$C'_c$  ضریب تراکم خاکهای دست خورده می باشد  
(remold) و  
 $C_c$  ضریب تراکم خاکهای دست نخورده است  
(Undisturb)

حدود ضرایب تراکم برای خاکهای مختلف به شرح زیر است :

$$0.01 < C_c < 0.1$$

برای ماسه :

$$0.10 < C_c < 0.25$$

رس سخت (کائولینیت):

$$0.25 < C_c < 0.80$$

رس متوسط (ایلیت):

رس سست (مونت موریلونایت):

$$0.80 < C_c < 2.5$$

## رس پیش تحکیم یافته

معمولاً در طبیعت دو نوع رس وجود دارد:

۱- رس های تحکیم عادی یافته : این نوع رس ها، رس هایی می باشند که در وضعیت عادی خود همان تنش را متحمل شوند که محاسبه می گردد.

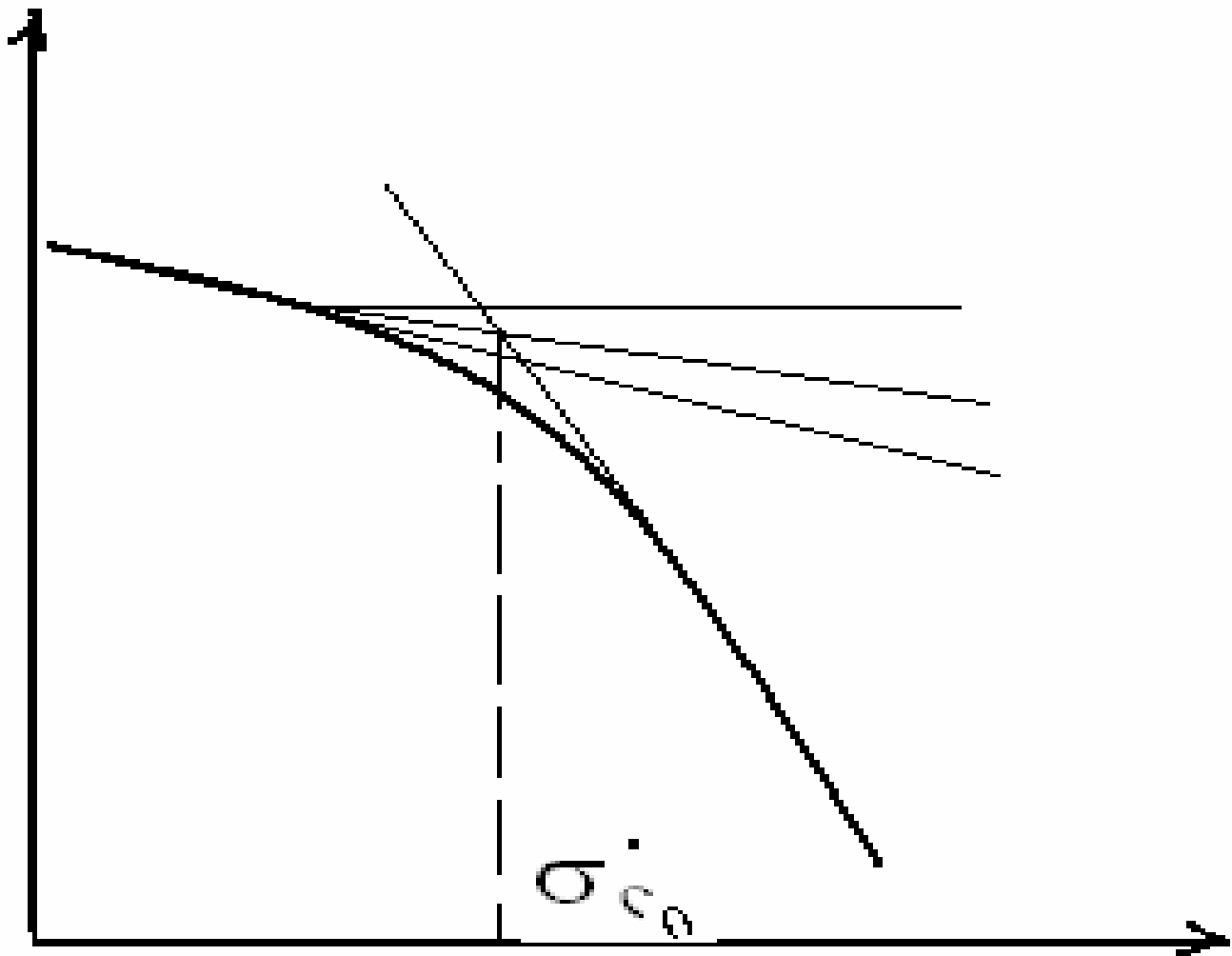
۲- رس های پیش تحکیم یافته: رس هایی می باشند که فشاری را اکنون متحمل می شوند که کمتر از فشار قبلی می باشد که متحمل شده اند.

به عبارت دیگر نمونه رسی که از يك عمق مورد محاسبه خاک خارج شده است را در نظر می‌گیریم در صورتی که پس از محاسبه با توجه به عمق خاک و سپس مقایسه آن با فشار پیش تحکیمی که از آزمایش ادنومتریک حاصل می‌شود می‌توانیم به وضعیت رس پی ببریم

نحوه محاسبه فشار پیش تحکیمی :

این روش توسط کاساگراند ارائه شده و اکنون از آن جهت محاسبه فشار پیش تحکیمی رس‌ها استفاده می‌شود، در این روش ابتدا منحنی  $e - \log \sigma'$  ترسیم می‌گردد سپس بخش خطی منحنی بطور کامل ترسیم می‌گردد. آنگاه از نقطه بیشترین انحناء منحنی (D) خطی مماس بر منحنی و خطی افقی ترسیم می‌گردد نقطه تقاطع خط اولی که ترسیم نمودیم (خط امتداد مستقیم منحنی) و نیمساز زاویه بین دو خط دوم ترسیمی (خط مماس و خط افقی) میزان فشار پیش تحکیمی را بر روی محور افقی به طور تقریبی به ما می‌دهد. از تقسیم نمودن این فشار بر فشاری که خاک کاملاً " تحت‌تاثیر آن قرار دارد و به راحتی با توجه به عمق نمونه قابل محاسبه می‌باشد نسبت تحکیم یافتگی خاک مشخص می‌گردد





## *Over Consolidation Ratio (OCR)*

$$OCR = \frac{\sigma'_{c_0}}{\sigma'_c} = \frac{\text{فشار پیش تحکیمی}}{\text{فشاری که فعلاً خاک تحت تاثیر آن قرار دارد}}$$

$$OCR = 1$$

خاک تحکیم عادی یافته

$$OCR > 1$$

خاک پیش تحکیم یافته

## محاسبه نشست

در صورتیکه برای يك لایه رس به ضخامت  $H$  در اثر افزایش تنش از  $\sigma'_0$  به  $\sigma'_1$  و اندیس خلاء از  $e_0$  به  $e_1$  تنزل یابد کاهش حجم رس از رابطه زیر محاسبه خواهد گردید:

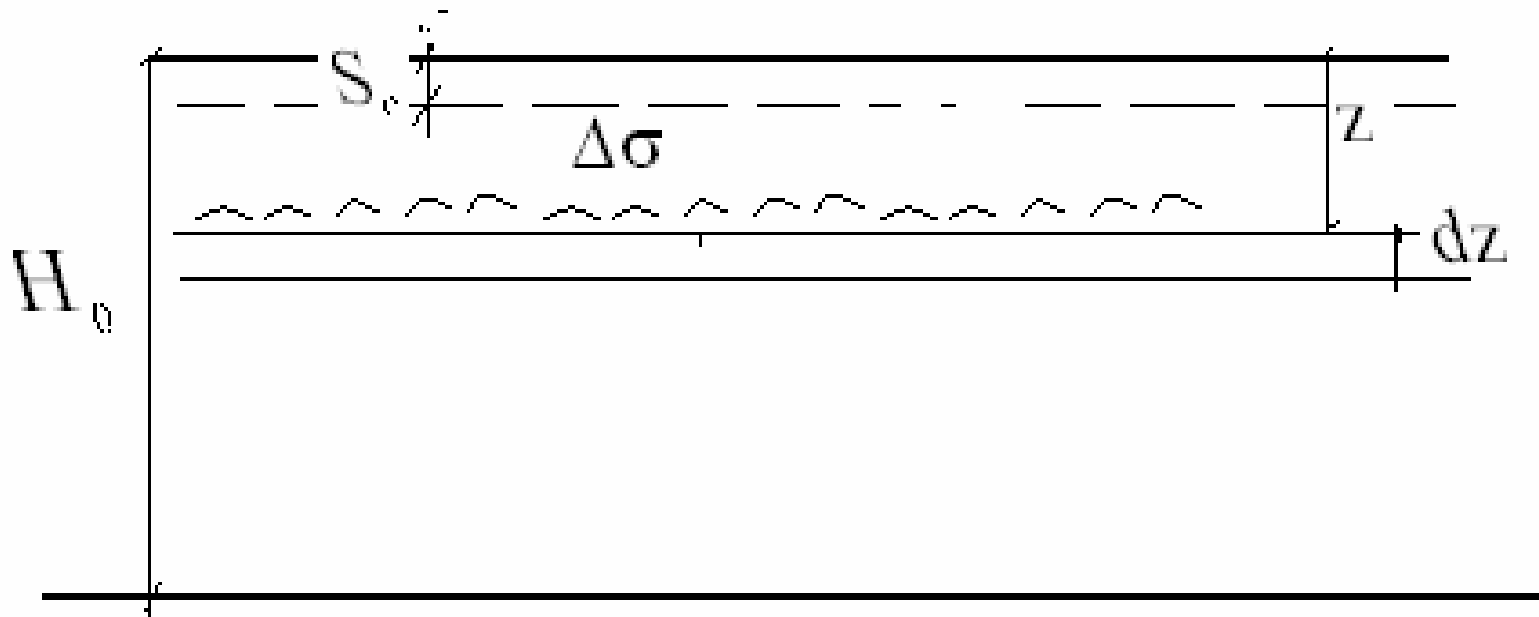
$$\frac{\Delta v}{v_0} = \frac{e_0 - e_1}{1 + e_0}$$

چون معمولاً "تغییر شکل جانبی نزدیک به صفر می باشد لذا کاهش حجم بر حجم کل معادل کاهش ضخامت بر ضخامت اولیه لایه خواهد بود

$$\frac{\Delta v}{v_0} = \frac{\Delta H}{H_{\otimes}}$$

در صورتیکه نشست لایه‌ای به ضخامت  $dz$  را در نظر بگیریم:

$$ds_c = \frac{e_0 - e_1}{1 + e_0} \cdot dz$$



$$ds_c = \frac{e_o - e_1}{\sigma'_1 - \sigma'_0} \frac{\sigma'_1 - \sigma'_0}{1 + e_o} .dz$$

$$ds_c = m_v .\Delta\sigma' .dz$$

اگر نشست کل  $S_c$  باشد برای ضخامت  $H$  لایه خواهیم داشت

$$S_c = \int_0^H m_v .\Delta\sigma' .dz \Rightarrow S_c = \frac{e_o - e_1}{1 + e_o} .H$$

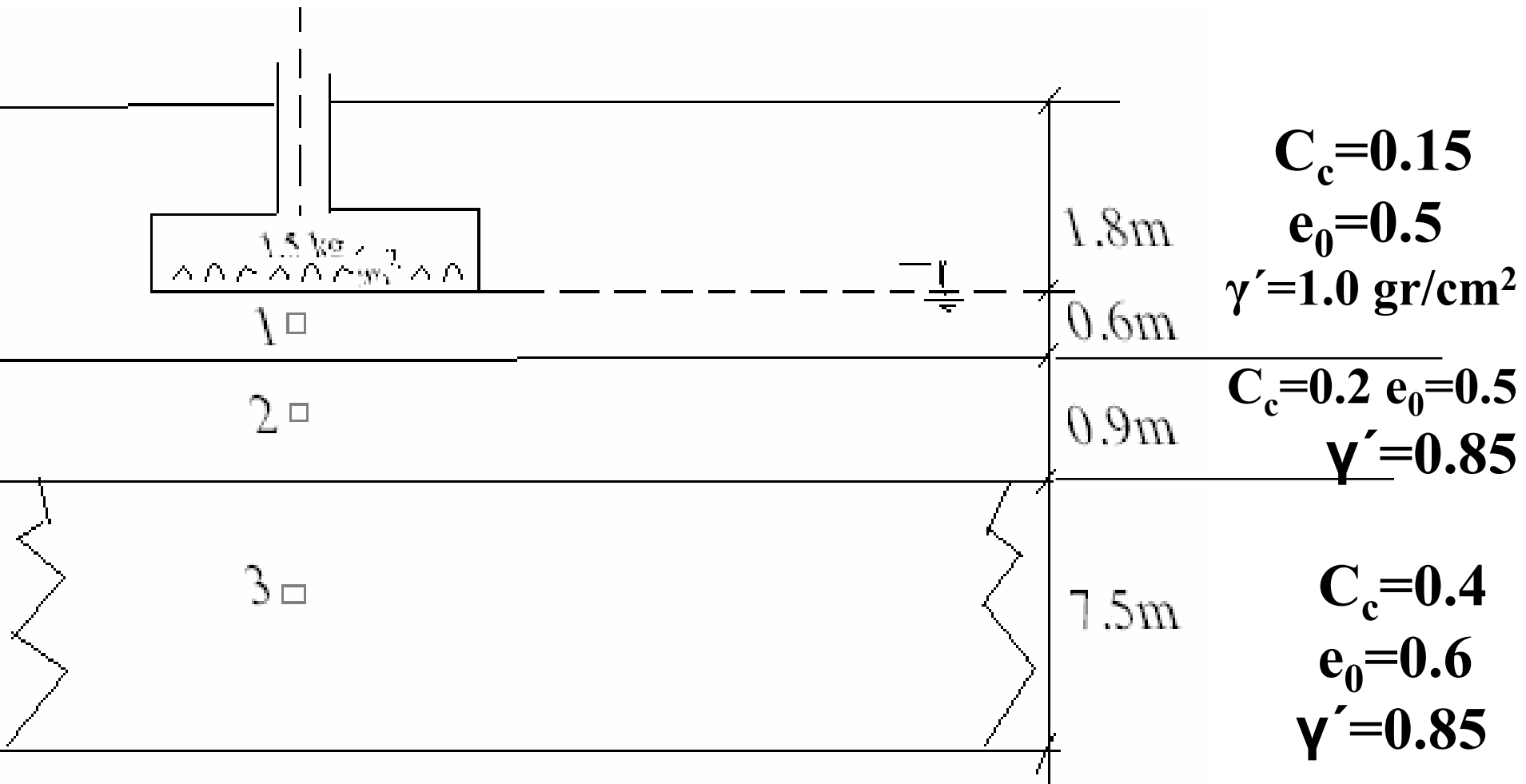
و یا برای یک رس تحکیم عادی یافته:

$$e_o - e_1 = \Delta e = C_c \log(\sigma'_1 / \sigma'_0)$$

$$S_c = \frac{C_c \log(\sigma'_1 / \sigma'_0)}{1 + e_0} \cdot H$$

معمولاً وقتی که ضخامت لایه زیاد می باشد لایه را به لایه های کوچکتر تقسیم و در مرکز هر لایه نشست محاسبه می گردد سپس مجموع این نشست ها به عنوان نشست کل منظور می گردد

مثال: در صورتیکه شرایط لایه های خاک در زیر فونداسیون شکل زیر به صورتی باشد که در شکل مشخص گردیده است و ابعاد فونداسیون  $4 \times 4$  متر باشد و فشار وارده بر کف فونداسیون  $1.5 \text{ kg/cm}^2$  میزان نشست را محاسبه نمایید:



**فشار در مرکز لایه اول زیر فونداسیون:**

$$p_0 = 180 \text{ cm} \times 2 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3} + 30 \times 1 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3} = 0.39 \frac{\text{kg}}{\text{cm}^2}$$

**فشار در مرکز لایه دوم زیر فونداسیون:**

$$p'_0 = 180 \times 2 + 30 \times 1 + 45 \text{ cm} \times 0.85 = 0.458 \frac{\text{kg}}{\text{cm}^2}$$

**فشار در مرکز لایه سوم زیر فونداسیون:**

$$p''_0 = 180 \times 2 + 30 \times 1 + 45 \times 0.85 + 0.45 \times 0.85 = 0.815 \frac{\text{kg}}{\text{cm}^2}$$



$$\Delta P = 4 \times 6 \times I_r = 4 \times 1.5 \times 0.25 = 1.5 \frac{\text{kg}}{\text{cm}^2}$$

$$m = n = \frac{2}{0.3} = 6.7$$

$$\Delta P' = 4 \times 1.5 \times 0.23 = 1.38 \frac{\text{kg}}{\text{cm}^2}$$

$$m = n = \frac{2}{0.6 + \frac{0.9}{2}} = 1.9$$

$$\Delta P'' = 4 \times 1.5 \times 0.06 = 0.36 \frac{\text{kg}}{\text{cm}^2}$$

$$m = n = \frac{2}{0.6 + 0.9 + \frac{7.5}{2}} = 3.8$$

$$\left\{ \begin{array}{l} S_1 = 0.15 \left[ \log \frac{0.39 + 1.5}{0.39} \right] \times \frac{60}{1.5} = 4.11 \text{ cm} \\ S_2 = 0.2 \left[ \log \frac{0.458 + 1.38}{0.458} \right] \times \frac{90}{1.5} = 7.24 \text{ cm} \\ S_3 = 0.4 \left[ \log \frac{0.815 + 0.36}{0.815} \right] \times \frac{750}{1.6} = 29.8 \text{ cm} \end{array} \right.$$

$$S = S_1 + S_2 + S_3 \Rightarrow$$

$$S = 4.11 + 7.24 + 29.8 = 41.15 \text{ cm}$$

## نظریه ترازقی

ترازقی با فرض اینکه خاک همگن و اشباع است و بخش جامد و مایع آن تراکم ناپذیر و اینکه تراکم خاک و جریان آب یک بعدی است (عمودی است) تغییر شکلها مقادیر کوچکی دارند و قانون داریسی به جریان آب حاکم است و مقادیر نفوذپذیری و ضریب تغییر حجم در ضمن تحکیم ثابت میمانند.

به محاسبه فرمول زیرموفق می شود که در آن  $C_v$  ضریب تحکیم نام دارد و واحد آن متر مربع در سال است و  $m_v$  و  $k$  مقادیر ثابتی دارند

$$C_v = \frac{K}{m_v \cdot \gamma_w}$$

## درجه تحکیم:

برای یک جزء خاک در عمق  $z$  درجه تحکیم به صورت زیر تعریف می شود:

$$U_z = \frac{e_0 - e}{e_0 - e_1}$$

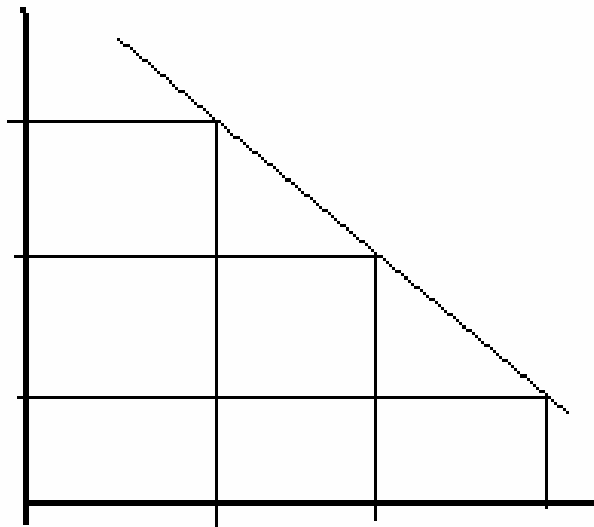
$u_z$  = درجه تحکیم در یک زمان معین در عمق  $z$  ( $0 < u_z < 1$ ) است.  
 $e_0$  = اندیس خلاء ابتدایی خاک (پیش از شروع تحکیم)  
 $e_1$  = اندیس خلاء پس از تحکیم

$e$  = اندیس خلاء در زمان مورد نظر

در صورتی که منحنی  $e-\sigma'$  خطی فرض گردد رابطه قبلی بر حسب تنش به شرح زیر است:

$$u_z = \frac{\sigma' - \sigma'_0}{\sigma'_1 - \sigma'_0}$$

اگر  $u_0$  فشار آب منفذی قبل از افزایش تنش کلی و  $u_i$  میزان افزایش  $u_0$  بلافاصله پس از بارگذاری و  $u$  مقدار فشار آب منفذی در یک زمان معین باشد داریم:



$$\sigma'_1 = \sigma'_0 + u_i = \sigma' + u$$

$$\sigma'_1 = \sigma'_o + u_i = \sigma' + u$$

بنابراین :

$$u_z = \frac{\sigma'_1 - u - (\sigma'_1 - u_i)}{\sigma'_o + u_i - \sigma'_o} = \frac{u_i - u}{u_i} = 1 - \frac{u}{u_i}$$

## رابطه تحکیم:

معمولاً فرض می‌گردد که تنش اضافی کل به صورت آبی وارد شده و لذا کلاً توسط فشار منفذی متحمل می‌گردد:

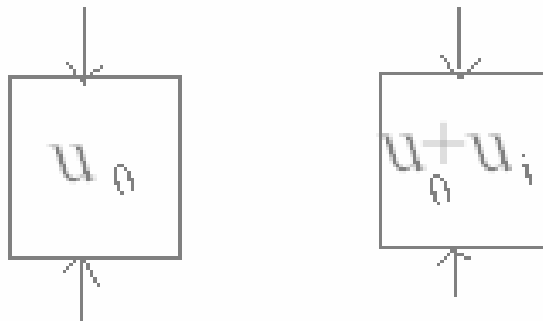
$$u_i = \Delta \sigma_1$$

به عبارت دیگر می‌باشد در این حالت

در صورتی که فشار آب

منفذی اولیه  $u_0 = 0$  فرض

گردد خواهیم داشت:



$$u = u_i \quad \leftarrow \quad 0 < z < 2d \quad \text{در لحظه } t=0 \text{ برای}$$

در صورتی که سطوح فوقانی و تحتانی رس زهکشی فرض شوند  
در این صورت فشار منفذی صفر می‌باشد :

$$u = 0 \quad \longleftarrow \quad z = 0 \quad \text{و} \quad z = 2d$$

فشار آب منفذی در عمق  $z$  در زمان  $t$  برابر است با :

$$u = \sum_{m=0}^{m=\infty} \frac{2u_i}{M} \left( \sin \frac{Mz}{d} \right) \exp \left( -m^2 T_v \right)$$



که در آن  $d$  طول طولانی‌ترین مسیر زهکشی (خروج آب) می باشد

$u_i$  : مقدار فشار منفذی که تابعی از  $z$  بوده و در تمام نقاط لایه رس

ثابت است  $M = \frac{1}{2} \pi (2m + 1)$  می باشد

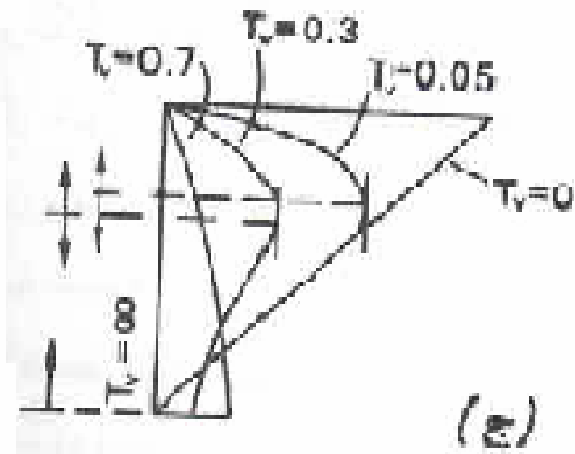
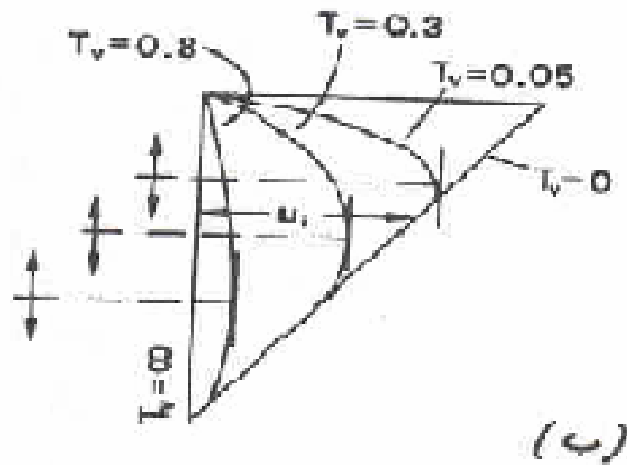
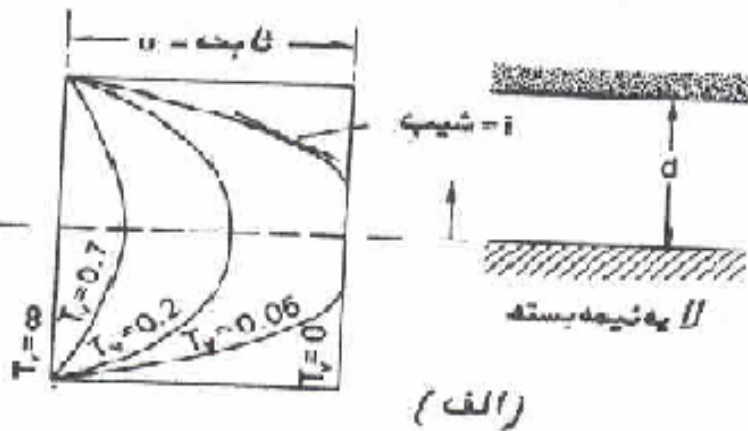
$T_v$  ضریب زمان نام دارد و بی بعد است  $T_v = \frac{c_v t}{d^2}$

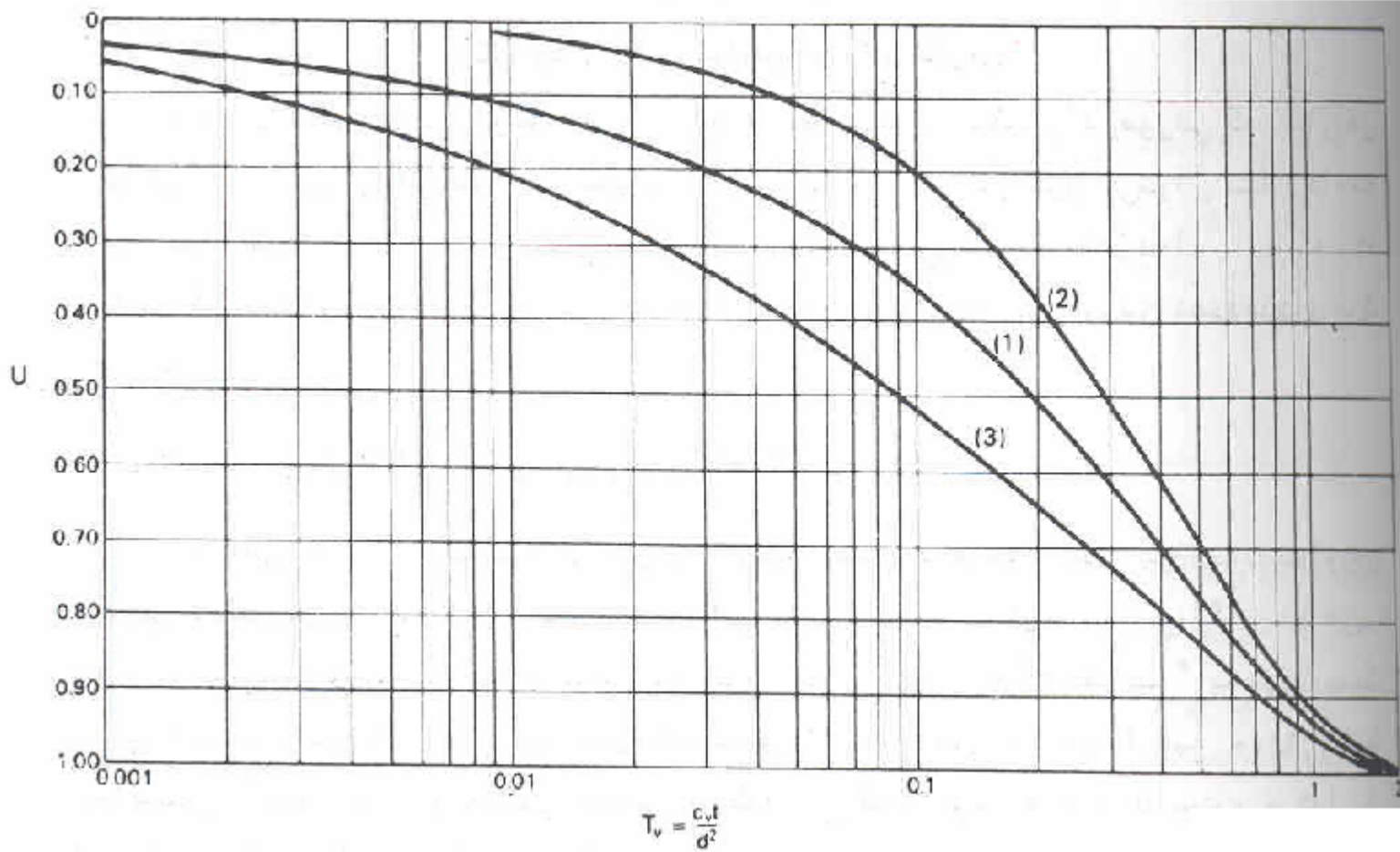
در صورتی که رابطه فوق را در رابطه  $u_z = 1 - \frac{u}{u_i}$  جایگزین کنیم

کنیم درجه تحکیم در عمق  $z$  و در لحظه محاسبه می‌گردد:

$$U_z = 1 - \sum_{m=0}^{m=\infty} \frac{2}{m} \left( \sin \frac{Mz}{d} \right) \exp(-M^2 T_v)$$

منحنی‌هایی که تغییرات  $u$  را بر حسب  $z$  برای مقادیر مختلف نشان می‌دهند نحوه پیشرفت تحکیم را نشان می‌دهد





$t$

$U_i$  )  $u_i$

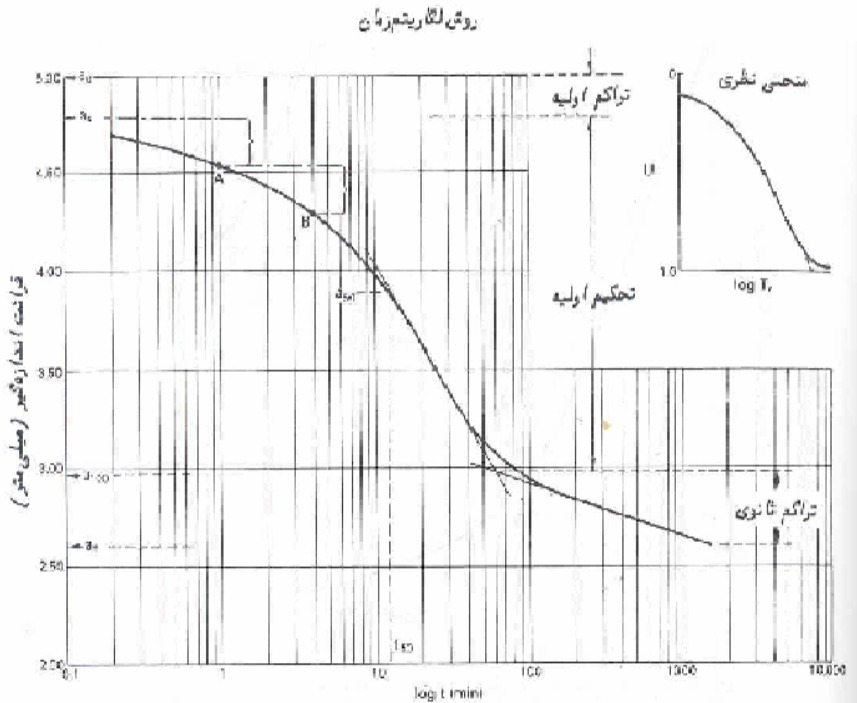
:

$$U = 1 - \frac{\frac{1}{2d} \int_0^{2d} u dz}{u_i}$$

(  $u_i$  )

$$U = 1 - \frac{\frac{1}{2d} \int_0^{2d} u dz}{\int_0^{2d} u_i dz}$$

:



روش اول: ترسیم منحنی تغییر شکل  
 قایم نمونه بر حسب لگاریتم زمان بر  
 حسب دقیقه

این منحنی معمولاً دارای سه قسمت  
 است بخش اولیه که معمولاً شبیه یک  
 سهمی است؛ سپس یک بخش خطی و  
 بخش افقی نهایی

$$U=0$$

$$a_0 \left( \begin{matrix} ( & ) & 4 \\ ( & \mathbf{B} & \mathbf{A} & ) \\ \cdot & \mathbf{A} & , \end{matrix} \right)$$

$u = \%100$   $a_{100}$

$a_0$

$U = \%50$

$T_v$

$a_{100}$

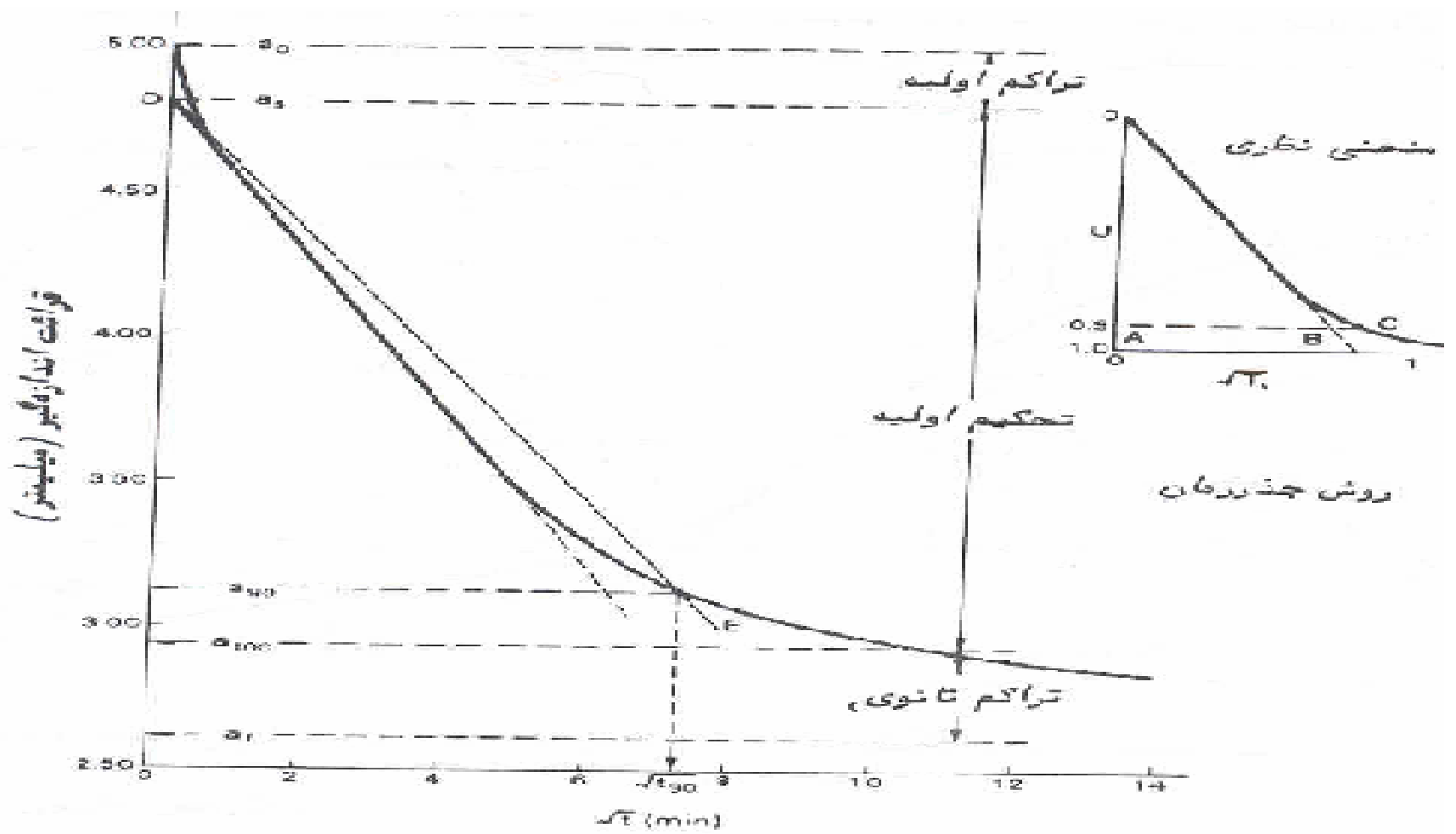
0.196  $U = \%50$

$$C_v = \frac{0.196 d^2}{t_{50}} ;$$

$d$



$$\sqrt{t}$$



*D*

*U = 0*

1.15

*DE*

*a*<sub>90</sub>

*E*

*U = 90*

*T<sub>v</sub>*

*U = 90*

$$C_v = \frac{0.848 d^2}{t_{90}}$$

:

0.848

# تحکیم ثانوی

فرضیات تحکیم اولیه بر این است که تحکیم و تراکم خاک با به صفر رسیدن فشار منفذی اضافی خاک به پایان می رسد ولی تجربه نشان می دهد که فشردگی با به صفر رسیدن فشار منفذی اضافی متوقف نمی گردد. علت فشردگی ثانوی به سبب جابجایی تدریجی ذرات رس و رسیدن به حالت متعادلتر مولکولهاست. معمولاً رسهای پلاستیک (مونتموریلونایت) بخش تحکیم ثانوی زیادی دارند.